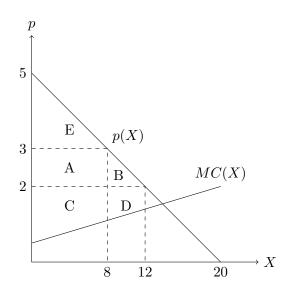
- 1. (4 Punkte) In einer Tauschökonomie mit zwei Gütern hat Akteur A die Nutzenfunktion $U_A\left(x_1^A,x_2^A\right)=x_1^A+x_2^A$ und Akteur B die Nutzenfunktion $U_B\left(x_1^B,x_2^B\right)=2x_1^Bx_2^B$. Die Anfangsausstattungen sind gegeben durch $\omega^A=(40,10)$ beziehungsweise $\omega^B=(10,40)$.
 - O a) Die Allokation $(x^A = (0,0), x^B = (50,50))$ ist nicht Pareto-optimal, weil Agent A sich gegenüber der Anfangsausstattung verschlechtert.
 - O b) Die Allokation $(x^A = (10, 10), x^B = (40, 40))$ ist nicht Pareto-optimal, weil sie nicht in der Tauschlinse liegt.
 - O c) Die Allokation $(x^A = (20, 20), x^B = (30, 30))$ ist eine Pareto-Verbesserung gegenüber der Anfangsausstattung, weil sich Akteur B gegenüber der Anfangsausstattung besser stellt.
 - Od) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

richtige Antwort: d)

Die Allokation $(x^A = (0,0), x^B = (50,50))$ ist Pareto-optimal. Agent A kann nur besser gestellt werden, indem Agent B schlechter gestellt wird. Da Agent B bereits alle Einheiten konsumiert, kann dieser nicht besser gestellt werden. Ebenso ist die Begründung von a) falsch, da Pareto-optimale Güterbündel unabhängig von der Anfangsausstattungen sind. Daher ist a) falsch. Aussage b) ist falsch, weil die Allokation $(x^A = (10, 10), x^B = (40, 40))$ Pareto-optimal ist und Parato-optimale Güterbündel nicht in der Tauschlinse liegen müssen. Aussage c) ist falsch. Akteur B stellt sich zwar besser, Agent A stellt sich dafür schlechter. Somit trifft Aussage d) zu.

2. (2 Punkte) Die Nachfrage auf einem Markt ist durch die inverse Nachfragefunktion $p(X) = 5 - \frac{1}{4} \cdot X$ gegeben. Der Preis sinkt von 3 auf 2. Betrachten Sie folgende Grafik, in der A, B, C, D, E jeweils eine Fläche angeben.



Die Änderung der Konsumentenrente aufgrund der Preisänderung beträgt

O a)
$$-A$$

$$O(c)$$
 $C+D$

O e)
$$A + B$$

Ob)
$$D-A$$

Od)
$$B+D$$

Of)
$$A + B + E$$

richtige Antwort: e)

Vor der Preisreduktion beträgt die Konsumentenrente E. Nach der Preisreduktion beträgt diese E + A + B. Die Änderung beträgt demnach A + B. Somit ist **e**) richtig.

3. (4 Punkte) Auf einem Markt gelte die Marktnachfragefunktion D(p) = 160 - 2p und die Marktangebotsfunktion S(p) = 10 + 5p. Es wird eine Mengensteuer von t = 5 eingeführt, die die Anbieter an den Staat abzutreten haben. Die Steuereinnahmen betragen?

O a) 5

Ob) 25

O c) 125

Od) 250

O e) 400

Of) 550

Og) 750

richtige Antwort: f)

Die Nachfrager zahlen den Bruttopreis p. Die Anbieter erzielen den Nettopreis $p^n = p - 5$. Die Angebotsfunktion nach Einführung der Steuer lautet

$$S_t(p) = S(p-5) = 10 + 5(p-5) = -15 + 5p.$$

Im Marktgleichgewicht gilt

$$D(p) = 160 - 2p \stackrel{!}{=} -15 + 5p = S_t(p)$$

 $175 = 7p$
 $\Rightarrow p = 25.$

Die Nachfrage im Gleichgewicht beträgt also D(25)=110, was zu Steuereinnahmen in Höhe von $110 \cdot 5=550$ führt.

4. (3 Punkte) Betrachten Sie folgendes simultane Spiel.

Spieler 1

$$\begin{array}{c|cccc} & \text{Spieler 2} \\ & l & r \\ o & (4.8) & (8.2) \\ u & (5.1) & (7.0) \end{array}$$

- O a) o ist eine dominante Strategie, weil 8 > 1 und 8 > 7.
- O b) o ist eine dominante Strategie, weil 4 < 5 und 8 > 7.
- O c) u ist eine dominante Strategie, weil 5 > 7 und 1 > 0.
- O d) r ist eine dominante Strategie, weil 8 > 4 und 2 > 0.
- O e) l ist eine dominante Strategie, weil 8 > 2 und 1 > 0.

richtige Antwort: e)

l ist eine dominante Strategie, weil 8 > 2 (Spieler 1 spielt o) und 1 > 0 (Spieler 1 spielt u). Damit ist r keine dominante Strategie. Die Strategien o und u sind keine dominanten Strategien, weil 4 < 5 (Spieler 2 spielt l) und 8 > 7 (Spieler 2 spielt r) gilt.

5. (2 Punkte) Auf einem Markt agieren die Unternehmen 1 und 2. Unternehmen 1 wählt die Menge $x_1 \in \{a, b, c\}$. Unternehmen 2 wählt die Menge $x_2 \in \{d, e, f\}$. Die hieraus resultierenden Gewinne $(\Pi_1(x_1, x_2), \Pi_2(x_1, x_2))$ sind in unten stehender Matrix dargestellt.

Unternehmen 2

		d	e	f
	a	(26, 9)	(22, 14)	(18, 15)
Unternehmen 1	b	(33,7)	(27, 10)	(21, 9)
	c	(36, 5)	(28, 6)	(20,3)

Die Stackelberg-Mengen $x^S = (x_1^S, x_2^S)$, wenn **Unternehmen 2 Führer** ist, lauten

 O a) (a,d) O d) (b,d) O g) (c,d)

 O b) (a,e) O e) (b,e) O h) (c,e)

 O c) (a,f) O f) (b,f) O i) (c,f)

richtige Antwort: f)

Unternehmen 2 antizipiert die Reaktionsfunktion von Unternehmen 1. Unternehmen 1 wählt c, falls Unternehmen 2 d wählt, weil 36 > 33, 26. Unternehmen 1 wählt c, falls Unternehmen 2 e wählt, weil 28 > 27, 22. Unternehmen 1 wählt b, falls Unternehmen 3 f wählt, weil 21 > 20, 18. Somit kann Unternehmen 2 nur noch die Auszahlungen 5, 6, 9 erzielen, falls es d, e, f wählt. Da 9 > 6, 5 wählt Unternehmen 2 f. Unternehmen 1 wählt folglich b. Somit lauten die Stackelberg-Mengen (b, f).

Alternative Lösung:

Unternehmen 2 antizipiert die Reaktionsfunktion von Unternehmen 1. Diese lautet

$$x_1^R(x_2) = \begin{cases} c & \text{, falls } x_2 = d \\ c & \text{, falls } x_2 = e \\ b & \text{, falls } x_2 = f \end{cases}$$

weil 36 > 33, 26 $(x_2 = d)$; 28 > 27, 22 $(x_2 = e)$; 21 > 20, 18 $(x_2 = f)$. Die reduzierte Gewinnfunktion von Unternehmen 2 lautet damit

$$\Pi_2^R(x_2) = \Pi_2(x_1^R(x_2), x_2) = \begin{cases} 5 & \text{, falls } x_2 = d \\ 6 & \text{, falls } x_2 = e \end{cases}.$$

$$9 & \text{, falls } x_2 = f$$

Gewinnmaximal für Unternehmen 2 ist demnach die Menge $x_2^S = f$. Unternehmen 1 wählt $x_1^S = x_1^R(x_2^S) = x_1^R(f) = b$.

6. (2 Punkte) Auf einem Markt agieren die Unternehmen 1 und 2. Unternehmen 1 wählt die Menge $x_1 \in \{a, b, c\}$. Unternehmen 2 wählt die Menge $x_2 \in \{d, e, f\}$. Die hieraus resultierenden Gewinne $(\Pi_1(x_1, x_2), \Pi_2(x_1, x_2))$ sind in unten stehender Matrix dargestellt.

Unternehmen 2

Die Cournot-Mengen $x^C = (x_1^C, x_2^C)$ lauten

O a) (a,d)

Od)(b,d)

Og)(c,d)

Ob) (a, e)

Oe) (b,e)

Oh) (c,e)

O(c) (a, f)

 \bigcirc f) (b, f)

O i) (c, f)

richtige Antwort: h)

Beide Unternehmen wählen simultan ihre Mengen. Die Strategiekombination (c, e) ist ein Gleichgewicht, weil 28 > 27, 22 und 6 > 5, 3. Die Strategiekombination (c, e) ist das einzige Gleichgewicht, weil in allen anderen Strategiekombination mindestens ein Spieler profitabel von seiner Strategie abweichen kann. In z.B. (a, d) steigert Spieler 1 seinen Auszahlungsbetrag von 26 auf 36, wenn er statt der Strategie a die Strategie a wählt. Die Cournot-Mengen lauten also a0.

7. (4 Punkte) Auf einer Insel leben 2 Menschen. Es gibt dort ein privates und ein öffentliches Gut. Die Nutzenfunktion von Inselbewohner 1 lautet $U_1(g,x_1) = 9\ln(g) + x_1$, die Nutzenfunktion von Inselbewohner 2 lautet $U_2(g,x_2) = g + x_2$, wobei x_i die von Inselbewohner $i \in \{1,2\}$ konsumierte Menge des privaten Gutes und g die Menge des öffentlichen Gutes bezeichnen. Der Preis des privaten Gutes beträgt $p_x = 2$ und der Preis des öffentlichen Gutes $p_g = 5$. Die Pareto-optimale Menge des öffentlichen Gutes lautet

O a) 0

Ob) 1

Oc) 2

Od) 3

O e) 4

Of) 5

Og) 6

richtige Antwort: g)

Die marginalen Raten der Substitution lauten

$$MRS^{1} = \frac{MU_{g}^{1}}{MU_{x_{1}}^{1}} = \frac{9}{g},$$

$$MRS^{2} = \frac{MU_{g}^{2}}{g} = 1.$$

$$MRS^2 = \frac{MU_g^2}{MU_{x_2}^2} = 1.$$

Die aggregierte Zahlungsbereitschaft für das öffentliche Gut muss

$$MRS = MRS^{1} + MRS^{2} = \frac{9}{g} + 1 \stackrel{!}{=} \frac{5}{2} = \frac{p_{g}}{p_{x}}$$

erfüllen. Wir erhalten g = 6.

8. (4 Punkte) In unmittelbarer Nähe einer Müllverbrennungsanlage M, mit der Gewinnfunktion

$$\Pi^M(x) = 8x - x^2,$$

betreibt ein Unternehmen W, dessen Gewinnfunktion

$$\Pi^{W}(x,y) = 12y - \frac{1}{2}y^{2} - xy$$

lautet, eine Wohnanlage. Dabei steht y für die Anzahl der vermieteten Wohnungen und x für die in der Müllverbrennungsanlage verbrannte Menge Müll. Bei Schadensrecht erzielt das Unternehmen W einen Gewinn in Höhe von

Oa) 4

Ob) 8

Oc) 12

Od) 16

O e) 20

Of) 24

Og) 32

Oh) 40

richtige Antwort: g)

Bei Schadensrecht maximiert M $\Pi^{M}(x) = 8x - x^{2}$. Wir erhalten

$$\frac{\partial \Pi^{M}(x)}{\partial x} = 8 - 2x \stackrel{!}{=} 0$$
$$\Rightarrow x = 4.$$

Die Gewinnfunktion von W lautet dann $\Pi^W\left(4,y\right)=12y-\frac{1}{2}y^2-4y=8y-\frac{1}{2}y^2$. Durch Maximieren erhalten wir

$$\frac{\partial \Pi^{W}(4, y)}{\partial y} = 8 - y \stackrel{!}{=} 0$$
$$\Rightarrow y = 8.$$
$$\Rightarrow \Pi^{W}(4, 8) = 32.$$

- 9. (3 Punkte) Betrachten Sie die Nutzenfunktionen $U_1\left(x_1,x_2\right)=2x_1+4x_2$ und $U_2\left(x_1,x_2\right)=\frac{2}{1+2x_1+4x_2}$.
 - O a) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil die streng monotone Transformation $\tau(U_1) = \frac{2}{1+U_1}$ exisitiert, die U_1 in U_2 überführt.
 - O b) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil die Indifferenzkurven identisch aussehen.
 - O c) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil $U_1(\frac{1}{2},0) = U_2(\frac{1}{2},0)$.
 - O d) Die beiden Nutzenfunktionen sind nicht äquivalent. Dies lässt sich anhand der Güterbündel (2,0) und (0,1) begründen.
 - O e) Die beiden Nutzenfunktionen sind nicht äquivalent. Dies lässt sich anhand der Güterbündel (2,1) und (1,2) begründen.

richtige Antwort: e)

Die Transformation $\tau(U_1) = \frac{2}{1+U_1}$ führt zwar U_1 in U_2 über, ist aber nicht streng monoton, weil $\frac{\partial \tau(U_1)}{\partial U_1} = -\frac{2}{(1+U_1)^2} < 0$. Daher ist **a**) falsch. Zwei Nutzenfunktionen können, müssen aber nicht äquivalent sein, wenn die Indifferenzkurven identisch aussehen. Die Nutzenfunktionen $U_1(x_1, x_2)$ und $\tilde{U}_1(x_1, x_2) = -U_1(x_1, x_2)$ sind z.B. nicht äquivalent. Daher ist die Begründung von **b**) falsch. **c**) ist falsch, weil durch $U_1\left(\frac{1}{2},0\right) = U_2\left(\frac{1}{2},0\right)$ keine Aussage über die Äquivalenz von U_1 und U_2 getroffen werden kann. Anhand von $U_1(2,0) = 4 = U_1(0,1)$ und $U_2(2,0) = \frac{2}{5} = U_2(0,1)$ lässt sich nicht begründen, dass U_1 und U_2 nicht äuqivalent sind. Daher ist **d**) falsch. Weil $U_1(2,1) = 8 < 10 = U_1(1,2)$ und $U_2(2,1) = \frac{2}{9} > \frac{2}{11} = U_2(1,2)$, sind U_1 und U_2 nicht äquivalent. Daher ist **e**) richtig.

- 10. (3 Punkte) Betrachten Sie die Nutzenfunktion $U(x_1, x_2) = 2x_1^2 + 3x_2^2$. Die Präferenzen sind
 - O a) monoton und konvex.

Oc) nicht monoton und konvex.

Ob) monoton und konkav.

Od) nicht monoton und konkav.

richtige Antwort: b)

Die Präferenzen sind monoton, weil $MU_1 = 4x_1 \ge 0$ und $MU_2 = 6x_2 \ge 0$. Die marginale Rate der Substitution beträgt $MRS = \frac{MU_1}{MU_2} = \frac{4x_1}{6x_2} = \frac{2x_1}{3x_2}$. Da die Präferenzen monoton sind, sinkt x_2 entlang der Indifferenzkurve, wenn x_1 steigt. Demnach nimmt die MRS mit steigendem x_1 (und mit fallendem x_2) zu. Jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln A und B ist demnach schlechter als A und B. Die Präferenzen sind also konkav. Also ist b) korrekt.

11. (3 Punkte) Leas Nutzenfunktion ist gegeben durch

$$U(x_1, x_2) = \min(x_1, 4x_2)$$
.

Ihr Einkommen sei m, die Preise von Gut 1 bzw. Gut 2 seien p_1 und p_2 . Die Engelkurve für Gut 2 lautet

O a)
$$x_2(p_2) = 4x_1$$

$$(x_2(p_2)) = \frac{4m}{4n_1 + n_2}$$

O e)
$$x_2(m) = 4x_1$$

Og)
$$x_2(m) = \frac{4m}{4p_1 + p_2}$$

O b)
$$x_2(p_2) = \frac{m - p_1 x_1}{p_2}$$

Od)
$$x_2(p_2) = \frac{m}{4p_1 + p_2}$$

O a)
$$x_2(p_2) = 4x_1$$
 O c) $x_2(p_2) = \frac{4m}{4p_1 + p_2}$ O e) $x_2(m) = 4x_1$ O g) $x_2(m) = \frac{4m}{4p_1 + p_2}$ O b) $x_2(p_2) = \frac{m - p_1 x_1}{p_2}$ O d) $x_2(p_2) = \frac{m}{4p_1 + p_2}$ O f) $x_2(m) = \frac{m - p_1 x_1}{p_2}$ O h) $x_2(m) = \frac{m}{4p_1 + p_2}$

O h)
$$x_2(m) = \frac{m}{4p_1 + p_2}$$

richtige Antwort: h)

Gut 1 und Gut 2 sind perfekte Komplemente. Wir erhalten die Optimalitätsbedingung $x_1 \stackrel{!}{=} 4x_2$. Einsetzen dieser Optimalitätsbedingung in die Budgetgleichung ergibt

$$m = p_1x_1 + p_2x_2$$

$$m = 4p_1x_2 + p_2x_2$$

$$\Rightarrow x_2 = \frac{m}{4p_1 + p_2}$$

Die Engelkurve von Gut 2 gibt die Nachfrage nach Gut 2 in Abhängigkeit des Einkommens m (und nicht des Preises p_2) an. Sie lautet demnach $x_2(m) = \frac{m}{4p_1 + p_2}$. Daher ist **h**) korrekt.

12. (2 Punkte) Leas Nutzenfunktion ist gegeben durch

$$U(x_1, x_2) = \min(x_1, 4x_2).$$

Ihr Einkommen beträgt m=48, die Preise $p_1=2$, $p_2=4$. Das Haushaltsoptimum (x_1^*,x_2^*) lautet

richtige Antwort: c)

Die Präferenzen sind monoton, weil $MU_1 \geq 0$ und $MU_2 \geq 0$. Im Haushaltsoptimum muss folgendes Konsumverhältnis gelten:

$$x_1 = 4x_2$$

Falls $x_1 > 4x_2$ gilt, kann sich der Haushalt bei gleichen Ausgaben besser stellen, indem er weniger von Gut 1 ($MU_1 = 0$) und mehr von Gut 2 ($MU_2 = 4 > 0$) konsumiert. Falls $x_1 < 4x_2$ gilt, kann sich der Haushalt bei gleichen Ausgaben besser stellen, indem er mehr von Gut 1 ($MU_1 = 1 > 0$) und weniger von Gut 2 $(MU_2 = 0)$ konsumiert. Durch Einsetzen von $x_1 = 4x_2$ in die Budgetgleichung erhalten wir

$$48 = 2x_1 + 4x_2$$

$$48 = 8x_2 + 4x_2$$

$$\Rightarrow x_2^* = \frac{48}{12} = 4.$$

Wir erhalten $x_1^* = 4x_2^* = 16$ und damit das Haushaltsoptimum $(x_1^*, x_2^*) = (16, 4)$. Also ist **c**) korrekt.

13. (3 Punkte) Gerdas Nutzenfunktion sei durch $U(x_1,x_2)=x_1+2x_2$ gegeben. Der Preis von Gut 1 beträgt $p_1 = 4$, der von Gut 2 $p_2 = 6$. Gerdas minimale Ausgaben bei einem Nutzen von \overline{U} betragen

O a)
$$p_1x_1 + p_2x_2$$

$$\mathbf{O}$$
d) \overline{U}

Og)
$$4\overline{U}$$

O b)
$$x_1 + 2x_2$$

O e)
$$2\overline{U}$$

Oh)
$$5\overline{U}$$

O c)
$$4 + 12 = 16$$

Of)
$$3\overline{U}$$

$$\bigcirc$$
 i) $6\overline{U}$

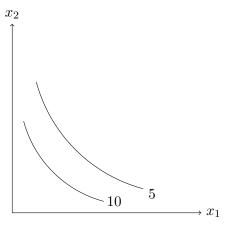
richtige Antwort: f)

Gerdas Präferenzen sind monoton, weil $MU_1=1>0$ und $MU_2=2>0$ gilt. Die marginale Rate der Substitution erfüllt

 $MRS = \frac{MU_1}{MU_2} = \frac{1}{2} < \frac{2}{3} = \frac{p_1}{p_2} = MOC.$

Sie konsumiert demnach ausschließlich Gut 2, um das Nutzenniveau \bar{U} bei minimalen Ausgaben zu erreichen. Um das Nutzenniveau $\bar{U}=0+2\cdot x_2$ zu erreichen, muss Sie $x_2^*=\frac{\bar{U}}{2}$ Einheiten von Gut 2 konsumieren. Dies führt zu minimalen Ausgaben $4\cdot 0+6\cdot x_2^*=3\bar{U}$. Demnach ist ${\bf f}$) korrekt.

14. (3 Punkte) Betrachten Sie die in der Grafik veranschaulichten Indifferenzkurven.



Die dadurch angedeuteten Präferenzen sind

- O a) nicht monoton, weil der Nutzen mit zunehmenden Gütermengen steigt.
- O b) streng konkav, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln A und B besser ist als A und B.
- O c) streng konkav, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln A und B schlechter ist als A und B.
- O d) streng konvex, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln A und B besser ist als A und B.
- O e) streng konvex, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln A und B schlechter ist als A und B.

richtige Antwort: c)

Die Präferenzen sind nicht monoton, weil der Nutzen mit zunehmenden Gütermengen sinkt (nicht steigt). Daher ist \mathbf{a}) falsch. Die Präferenzen sind streng konkav, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei indifferenten Güterbündeln A und B schlechter ist als A und B. Daher ist \mathbf{c}) korrekt.

- 15. (2 Punkte) Grunhilde muss sich zwischen einer Lotterie $L = \lfloor 4, 12; \frac{3}{4}, \frac{1}{4} \rfloor$ und einem sicheren Auszahlungsbetrag in Höhe von 5 entscheiden.
 - O a) Grunhilde entscheidet sich für die Lotterie L, weil E(L) > 5.
 - O b) Grunhilde entscheidet sich für die Lotterie L, weil E(L) < 5.
 - O c) Grunhilde entscheidet sich für die Lotterie L, wenn $E_u(L) > 5$.
 - O d) Grunhilde entscheidet sich für die Lotterie L, wenn $E_u(L) > u(5)$.

richtige Antwort: d)

Wenn der erwartete Nutzen der Lotterie den erwarteten Nutzen des sicheren Auszahlungsbetrages übersteigt, wenn also $E_u(L) > u(5) = E_u(\lfloor 5; 1 \rfloor)$ gilt, dann spielt Grunhilde die Lotterie.

- 16. (2 Punkte) Micha, Lars und Greta müssen sich zwischen der Lotterie $L = \lfloor 10, 4; \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \rfloor$ und einem sicheren Auszahlungsbetrag in Höhe von 8 entscheiden. Micha ist risikofreudig, Lars risikoneutral und Greta risikoavers.
 - O a) Man kann nicht mit Sicherheit sagen, ob Micha die Lotterie spielt.
 - O b) Man kann nicht mit Sicherheit sagen, ob Lars die Lotterie spielt.
 - Oc) Man kann nicht mit Sicherheit sagen, ob Greta die Lotterie spielt.
 - Od) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

richtige Antwort: a)

Der Erwartungswert der Lotterie beträgt $E(L) = \frac{1}{2} \cdot 10 + \frac{1}{2} \cdot 4 = 7$. Der Erwartungswert des sicheren Auszahlungsbetrages ist 8. Bei Risikofreude erhalten wir $E_u(L) > u(E(L)) = u(7) < u(8)$. Daher können wir keine Aussage darüber treffen, ob $E_u(L) > u(8)$, $E_u(L) = u(8)$ oder $E_u(L) < u(8)$ gilt. Daher kann man nicht mit Sicherheit sagen, ob Micha die Lotterie spielt. Bei Risikoneutralität erhalten wir $E_u(L) = u(E(L)) = u(7) < u(8)$. Daher spielt Lars die Lotterie nicht. Bei Risikoaversion erhalten wir $E_u(L) < u(E(L)) = u(7) < u(8)$. Daher spielt Greta die Lotterie nicht. Da Antwort a) korrekt ist, ist Antwort d) falsch.

- 17. (2 Punkte) Welche der folgenden Aussagen ist korrekt?
 - O a) Die vNM-Nutzenfunktion $u(x) = \sqrt{x}$ gibt Risikoaversion wieder.
 - O b) Die vNM-Nutzenfunktion $u(x) = x^2$ gibt Risikoneutralität wieder.
 - O c) Die vNM-Nutzenfunktion $u(x) = 2x^3 + 4$ gibt Risikoneutralität wieder.
 - Od) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

richtige Antwort: a)

Die erste und zweite Ableitung von $u(x) = \sqrt{x}$ nach x lautet $u'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ beziehungsweise $u''(x) = -\frac{1}{4\sqrt{x^3}} < 0$. Demnach gibt die vNM-Nutzenfunktion $u(x) = \sqrt{x}$ Riskoaversion wieder. Daher ist **a)** korrekt. Die vNM-Nutzenfunktion $u(x) = x^2$ gibt keine Risikoneutralität wieder, weil $u''(x) = 2 \neq 0$. Ebenso gibt die vNM-Nutzenfunktion $u(x) = 2x^3 + 4$ keine Risikoneutralität wieder, weil $u''(x) = 12x \neq 0$. Demnach sind **b)-d)** falsch.

18. (3 Punkte) Laura verfügt über ein Einkommen m und hat die Nutzenfunktion

$$U(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2.$$

Ihr optimaler Konsum $x^* = (x_1^*, x_2^*)$ ist demnach gegeben durch

$$\left(\frac{m}{p_1}, 0\right), \quad \text{falls } p_1 < p_2$$

$$x^* \in \left\{ \left(\frac{m}{p_1}, 0\right), \left(0, \frac{m}{p_2}\right) \right\}, \quad \text{falls } p_1 = p_2$$

$$\left(0, \frac{m}{p_2}\right), \quad \text{falls } p_1 > p_2.$$

Es sei m=24, $p_1=3$, $p_2=4$. Es droht eine Preiserhöhung bei Gut 1 auf $p_1^n=6$. Die kompensatorische Variation beträgt

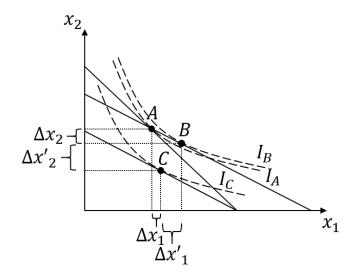
O a) 0 O b) 1 O c) 2 O d) 3 O e) 4 O f) 5 O g) 6 O h) 7 O i) 8

richtige Lösung: i)

Vor der Preiserhöhung konsumiert Laura ausschließlich $\frac{m}{p_1} = 8$ Einheiten von Gut 1 und erhält den Nutzen $U(8,0) = 8^2$. Nach der Preiserhöhung, falls Laura die Zahlung CV erhält, konsumiert sie ausschließlich $\frac{m+CV}{p_2}$ Einheiten von Gut 2 und erhählt hieraus den Nutzen $U(0,\frac{m+CV}{p_2}) = \left(\frac{m+CV}{p_2}\right)^2$. Durch Gleichsetzen der zwei Nutzen erhalten wir die kompensatorische Variation

$$8^{2} = \left(\frac{24 + CV}{4}\right)^{2}$$
$$8 = 6 + \frac{CV}{4}$$
$$CV = 8.$$

19. (2 Punkte) Betrachten Sie folgende Grafik, in der I_i die zu Güterbündel $i \in \{A, B, C\}$ gehörende Indifferenzkurve bezeichnet. Budgetgeraden werden durch die durchgezogenen Geraden dargestellt. Nehmen Sie an, dass sich das Haushaltsoptimum bei den Preisen p_1, p_2 im Punkt A befindet. In der Grafik wird die Preiserhöhung von p_2 auf $p_2^n > p_2$ dargestellt.

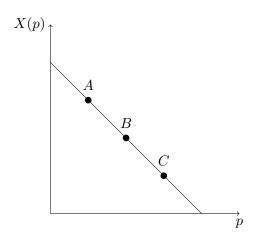


- O a) Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist $\Delta x_2'$, der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist $\Delta x_2 + \Delta x_2'$.
- O b) Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist $\Delta x_2 + \Delta x_2'$, der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist Δx_2 .
- O c) Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist Δx_2 , der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist $\Delta x_2'$.
- O d) Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist $\Delta x_2'$, der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist Δx_2 .

richtige Lösung: d)

Das neue Haushaltsoptimum bei Preisen p_1, p_2^n ist gegeben durch C. Beim Substitutionseffekt wird angenommen, dass sich der Haushalt das alte Haushaltsoptimum A trotz Preisänderung leisten kann. Die Budgetgrade rotiert also um A (gegen den Uhrzeigersinn), wenn p_2 steigt. Der optimale Konsum verschiebt sich folglich von A nach B. Der absolute Substitutionseffek von Gut 2 ist demnach Δx_2 . Da sich der Haushalt Güterbündel B nach der Preiserhöhung nicht leisten kann, verschiebt sich der optimale Konsum von B nach C. Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist also $\Delta x_2'$. Daher ist \mathbf{d}) richtig.

20. (2 Punkte) Betrachten Sie folgende Grafik, die eine lineare Nachfragefunktion X(p) abbildet.



- O a) Die Nachfrage ist in Punkt C elastischer als in den Punkten B und A.
- O b) Die Nachfrage ist in Punkt B elastischer als in den Punkten A und C.
- O c) Die Nachfrage ist in Punkt A elastischer als in den Punkten B und C.
- O d) Die Preiselastizität der Nachfrage ist in allen drei Punkten A, B, C gleich.

richtige Lösung: a)

Die Preiselastizität der Nachfrage lautet $\varepsilon_{X,p} = \frac{\partial X}{\partial p} \cdot \frac{p}{X} = -|\frac{\partial X}{\partial p}| \cdot \frac{p}{X}$. Falls p steigt, sinkt X. Demnach steigt der Faktor $\frac{p}{X}$, wenn p steigt. Der Faktor $|\frac{\partial X}{\partial p}|$ ist konstant in p. Demnach steigt das Produkt der zwei Faktoren $\left|\frac{\partial X}{\partial p}\right|$ und $\frac{p}{X}$, wenn p steigt. Die Nachfrage ist im Punkt C somit elastischer als in den Punkten A und \dot{B} .

21. (1 Punkt) Die Nachfragefunktion sei gegeben durch X(p) = 12 - 2p. Die Preiselastizität der Nachfrage lautet

O a) $\frac{-p}{6}$

O b) -2 O c) $\frac{p}{6-p}$ O d) $\frac{2p}{6-p}$ O e) $\frac{-p}{6-p}$ O f) $\frac{-2p}{6-p}$

richtige Lösung: e)

Die Preiselastizität der Nachfrage lautet $\varepsilon_{X,p} = \frac{\partial X}{\partial p} \cdot \frac{p}{X} = -2 \cdot \frac{p}{12-2p} = \frac{-p}{6-p}$. Demnach ist **e**) korrekt.

22. (2 Punkte) Betrachten Sie die Kostenfunktion $C(y) = 2y^2 + 2y$. Die Durchschnittskosten bei y = 3Einheiten betragen

Oa) 9

O b) 12

O c) 15

Od) 18

O e) 21

Of) 24

Og) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

richtige Lösung: g)

Die Durchschnittskostenfunktion ist durch $AC(y) = \frac{C(y)}{y} = 2y + 2$ gegeben. Wir erhalten $AC(3) = 2 \cdot 3 + 2 \cdot 3 + 2 = 2 \cdot 3 + 2 \cdot 3 + 2 = 2 \cdot 3$ 8. Daher ist **g**) richtig.

23. (2 Punkte) Betrachten Sie die Produktionsfunktion $y = f(x_1, x_2) = x_1 x_2$. Die Faktorpreise sind $w_1 = 4, w_2 = 3$. Der optimale Einsatz der Produktionsfaktoren erfüllt

O a) $x_2 = \frac{1}{12}x_1$ O b) $x_2 = \frac{3}{4}x_1$ O c) $x_2 = \frac{4}{3}x_1$ O d) $x_2 = 12x_1$ O e) $x_2 = 0$ O f) $x_1 = 0$

Og) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

richtige Antwort: c)

Der optimale Einsatz der Produktionsfaktoren erfüllt $MRTS \stackrel{!}{=} \frac{w_1}{w_2}$. Mit $MRTS = \frac{x_2}{x_1}$ erhalten wir als Optimalitätsbedingung $\frac{x_2}{x_1} \stackrel{!}{=} \frac{4}{3}$ oder auch

$$x_2 \stackrel{!}{=} \frac{4}{3}x_1.$$

24. (4 Punkte) Ein Monopolist betreibt Preisdiskriminierung ersten Grades. Seine Kostenfunktion lautet C(y) = 2y. Die inverse Nachfragefunktion lautet p(y) = 6 - y. Der Monopolgewinn beträgt

Oc) 2 Od) 3 Oe) 4 Of) 5 Og) 6 O a) 0 **O** b) 1 O h) 7 O i) 8

richtige Antwort: i)

Aufgrund von Preisdiskriminierung ersten Grades gilt für den Grenzerlös MR(y) = p(y). Der Monopolist verkauft solange weitere marginale Einheiten des Gutes, bis der Grenzerlös den Grenzkosten entspricht. Wir erhalten

$$MR(y) = p(y) = 6 - y \stackrel{!}{=} 2 = MC(y)$$

 $\Rightarrow y^M = 4.$

Der Monopolgewinn entspricht der Fläche des Dreiecks mit den drei Punkten (0, p(0)) = (0, 6), (0, MC(0)) = (0, 2) und $(y^M, p(y^M)) = (4, 2)$. Der Monopolgewinn beträgt also $\Pi^M = \frac{1}{2}(6-2)$. (4-0) = 8. Alternativ kann der Monopolgewinn auch folgendermaßen berechnet werden (Fixkosten F = 0):

$$\Pi^{M} = \int_{0}^{y^{M}} (p(y) - MC(y)) dy - F$$

$$= \int_{0}^{4} (4 - y) dy - 0$$

$$= \left(4y - \frac{y^{2}}{2}\right)_{0}^{4} = 16 - 8 = 8$$

25. (4 Punkte) Auf einem Faktormarkt gebe es zwei Nachfrager, A und B. Ihre Nachfragefunktionen sind gegeben durch $x^A(w) = 25 - 5w$ und $x^B(w) = 30 - 3w$. Die aggregierte Faktornachfragefunktion

lautet:

O a)
$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 10 \\ 25 - 5w, & 10 \ge w > 5 \\ 30 - 3w & 5 \ge w \ge 0 \end{cases}$$

O b) $x(w) = \begin{cases} 0, & w > 15 \\ 25 - 5w, & 15 \ge w > 10 \\ 55 - 8w, & 10 > w > 0 \end{cases}$

O c) $x(w) = \begin{cases} 0, & w > 10\\ 30 - 3w, & 10 \ge w > 5\\ \frac{55}{2} - 4w & 5 > w > 0 \end{cases}$ Od

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 10\\ 30 - 3w, & 10 \ge w > 5\\ 55 - 8w & 5 \ge w \ge 0 \end{cases}$$

O e)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 10\\ 30 - 3w, & 10 \ge w > 5\\ 25 - 5w, & 5 \ge w \ge 0 \end{cases}$$

richtige Lösung: d)

Der Prohibitivpreis von A ist $w_A^{Pro}=25/5=5$, der Prohibitivpreis von B ist $w_B^{Pro}=30/3=10$. Die aggregierte Faktornachfrage für $w>10=w_B^{Pro}>w_A^{Pro}$ ist also 0. Falls $w_B^{Pro}=10\geq w>5=w_A^{Pro}$, fragt nur B nach. Die aggregierte Faktornachfrage lautet also $x(w)=x^B(w)=30-3w$ für $10\geq w>5$. Falls $w_B^{Pro} > w_A^{Pro} = 5 \ge w \ge 0$, fragen A und B nach. Die aggregierte Faktornachfrage lautet also $x(w) = x^A(w) + x^B(w) = 55 - 8w$ für $5 \ge w \ge 0$. Daher ist **d)** richtig.

- 26. (4 Punkte) Ein Unternehmen hat die Produktionsfunktion $f(x_1, x_2) = x_1^{\frac{4}{3}}x_2$. Kurzfristig muss es vom ersten Faktor 8 Einheiten einsetzen. Die Faktorpreise betragen $w_1 = 2$ und $w_2 = 12$. Die kurzfristigen Kosten bei einer Produktion von y = 8 betragen
 - O a) 12
- Ob) 26
- O c) 30

- Od) 40 Oe) 48 Of) 60 Og) 64
- Oh) 78

richtige Antwort: d)

Die kurzfristige Produktionsfunktion ist durch $f_S(x_2) = f(8, x_2) = 4x_2$ gegeben. Um $y = 4x_2$ Einheiten zu produzieren, müssen also $x_2(y) = \frac{4}{y}$ Einheiten des zweiten Faktors eingesetzt werden. Die kurzfristigen Kosten bei einer Produktion von 8 Einheiten betragen also $C_S(8) = w_1 \cdot 8 + w_2 \cdot \frac{4}{8} = 2 \cdot 8 + 12 \cdot 2 = 40.$ Demnach ist **d**) richtig.

- 27. (2 Punkte) Es sei $C(y) = y^2 + y + 24$ die Kostenfunktion eines Unternehmens. Der Outputpreis beträgt p = 11. Das langfristige Angebot beträgt
 - O a) 0
- O b) 1
- O c) 2
- Od) 3
- O e) 4
- Of) 5

richtige Antwort: f)

Falls das Unternehmen eine positive Menge im Gewinnmaximum langfristig anbietet, muss $MC(y) \stackrel{!}{=} p$ und $AC(y) \leq p$ gelten. Aus der ersten Bedingung folgt

$$MC(y) = 2y + 1 \stackrel{!}{=} 11 = p$$

$$\Rightarrow y = 5.$$

Es resultieren die durchschnittlichen Kosten AC(5) = C(5)/5 = 5 + 1 + 24/5 = 10.8 < 11 = p. Daher beträgt das langfristige Angebot 5.

28. (4 Punkte) 100 Unternehmen haben die Möglichkeit auf einem Markt zu agieren. Die langfristige Kostenfunktion von Unternehmen $i \in \{1, \ldots, 100\}$ bei Ausbringunsmenge y_i ist gegeben durch

$$C_i(y_i) = \begin{cases} 8 + \frac{y_i^2}{2} & y_i > 0\\ 0 & y_i = 0 \end{cases}.$$

Die Marktnachfrage lautet D(p) = 480 - 30p. Wie viele Unternehmen bieten im Gleichgewicht eine positive Ausbringungsmenge an?

O a) 0

Ob) 10

Oc) 20 Od) 40

O e) 50

Of) 60

Og) 80

Oh) 90

Oi) 100

richtige Antwort: h)

Im langfristigen Gleichgewicht gilt $AC_i(y_i) \stackrel{!}{=} MC_i(y_i) \stackrel{!}{=} p$ für jedes Unternehmen $i \in \{1, ..., 100\}$, das eine positive Menge anbietet. Aus der ersten Bedingung erhalten wir

$$AC_i(y_i) = \frac{8}{y_i} + \frac{y_i}{2} \stackrel{!}{=} y_i = MC_i(y_i)$$
$$16 = y_i^2$$
$$\Rightarrow y_i = 4.$$

Aus der zweiten Bedingung erhalten wir

$$p \stackrel{!}{=} 4 = MC_i(4).$$

Die Marktnachfrage beträgt $D(4) = 480 - 30 \cdot 4 = 360$. Da jedes auf dem Markt agierende Unternehmen 4 Einheiten anbietet und das Marktangebot im Gleichgewicht 360 ist, bieten n = 360/4 = 90 Unternehmen eine positive Ausbringungsmenge an.

- 29. (2 Punkte) Betrachten Sie die Produktionsfunktion $f(x_1, x_2) = \frac{1}{4} (x_1^2 + 2x_2^2)^{\frac{1}{4}}$.
 - O a) Es liegen konstante Skalenerträge vor.
 - Ob) Es liegen wachsende Skalenerträge vor.
 - Oc) Es liegen fallende Skalenerträge vor.
 - Od) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

richtige Antwort: c)

Es gilt

$$f(tx_1, tx_2) = \frac{1}{4} ((tx_1)^2 + 2(tx_2)^2)^{\frac{1}{4}}$$
$$= \sqrt{t} \frac{1}{4} (x_1^2 + 2x_2^2)^{\frac{1}{4}}$$
$$= \sqrt{t} f(x_1, x_2) < t f(x_1, x_2)$$

für t > 1. Daher hat f fallende Skalenerträge.