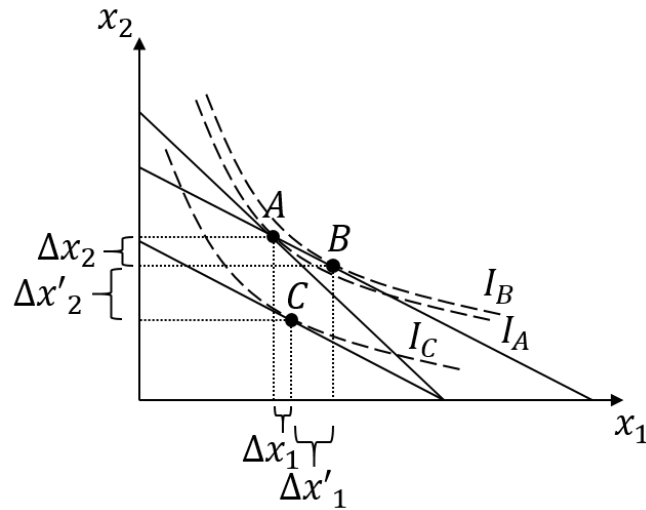


1. (2 Punkte) Betrachten Sie folgende Grafik, in der  $I_i$  die zu Güterbündel  $i \in \{A, B, C\}$  gehörende Indifferenzkurve bezeichnet. Budgetgeraden werden durch die durchgezogenen Geraden dargestellt. Nehmen Sie an, dass sich das Haushaltsoptimum bei den Preisen  $p_1, p_2$  im Punkt  $A$  befindet. In der Grafik wird die Preiserhöhung von  $p_2$  auf  $p_2^n > p_2$  dargestellt.

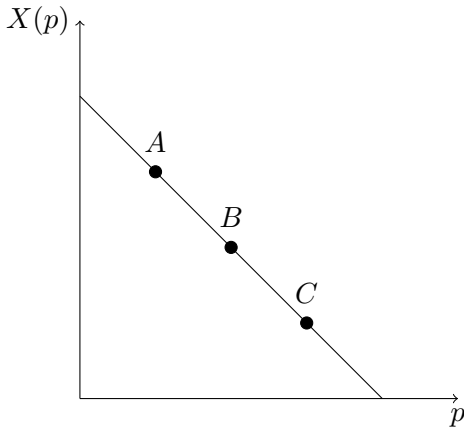


- a) Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x'_2$ , der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2 + \Delta x'_2$ .
- b) Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2 + \Delta x'_2$ , der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2$ .
- c) Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2$ , der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x'_2$ .
- d) Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x'_2$ , der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2$ .

**richtige Lösung: d)**

Das neue Haushaltsoptimum bei Preisen  $p_1, p_2^n$  ist gegeben durch  $C$ . Beim Substitutionseffekt wird angenommen, dass sich der Haushalt das alte Haushaltsoptimum  $A$  trotz Preisänderung leisten kann. Die Budgetgerade rotiert also um  $A$  (gegen den Uhrzeigersinn), wenn  $p_2$  steigt. Der optimale Konsum verschiebt sich folglich von  $A$  nach  $B$ . Der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist demnach  $\Delta x_2$ . Da sich der Haushalt Güterbündel  $B$  nach der Preiserhöhung nicht leisten kann, verschiebt sich der optimale Konsum von  $B$  nach  $C$ . Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist also  $\Delta x'_2$ . Daher ist **d)** richtig.

2. (2 Punkte) Betrachten Sie folgende Grafik, die eine lineare Nachfragefunktion  $X(p)$  abbildet.



- a) Die Nachfrage ist in Punkt  $C$  elastischer als in den Punkten  $B$  und  $A$ .
- b) Die Nachfrage ist in Punkt  $B$  elastischer als in den Punkten  $A$  und  $C$ .
- c) Die Nachfrage ist in Punkt  $A$  elastischer als in den Punkten  $B$  und  $C$ .
- d) Die Preiselastizität der Nachfrage ist in allen drei Punkten  $A$ ,  $B$ ,  $C$  gleich.

**richtige Lösung: a)**

Die Preiselastizität der Nachfrage lautet  $\varepsilon_{X,p} = \frac{\partial X}{\partial p} \cdot \frac{p}{X} = -\left|\frac{\partial X}{\partial p}\right| \cdot \frac{p}{X}$ . Falls  $p$  steigt, sinkt  $X$ . Demnach steigt der Faktor  $\frac{p}{X}$ , wenn  $p$  steigt. Der Faktor  $\left|\frac{\partial X}{\partial p}\right|$  ist konstant in  $p$ . Demnach steigt das Produkt der zwei Faktoren  $\left|\frac{\partial X}{\partial p}\right|$  und  $\frac{p}{X}$ , wenn  $p$  steigt. Die Nachfrage ist im Punkt  $C$  somit elastischer als in den Punkten  $A$  und  $B$ .

3. (1 Punkt) Die Nachfragefunktion sei gegeben durch  $X(p) = 12 - 2p$ . Die Preiselastizität der Nachfrage lautet

- a)  $\frac{-p}{6}$
- b)  $-2$
- c)  $\frac{p}{6-p}$
- d)  $\frac{2p}{6-p}$
- e)  $\frac{-p}{6-p}$
- f)  $\frac{-2p}{6-p}$

**richtige Lösung: e)**

Die Preiselastizität der Nachfrage lautet  $\varepsilon_{X,p} = \frac{\partial X}{\partial p} \cdot \frac{p}{X} = -2 \cdot \frac{p}{12-2p} = \frac{-p}{6-p}$ . Demnach ist **e)** korrekt.

4. (2 Punkte) Betrachten Sie die Kostenfunktion  $C(y) = 2y^2 + 2y$ . Die Durchschnittskosten bei  $y = 3$  Einheiten betragen

- a) 9
- b) 12
- c) 15
- d) 18
- e) 21
- f) 24
- g) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Lösung: g)**

Die Durchschnittskostenfunktion ist durch  $AC(y) = \frac{C(y)}{y} = 2y + 2$  gegeben. Wir erhalten  $AC(3) = 2 \cdot 3 + 2 = 8$ . Daher ist **g)** richtig.

5. (2 Punkte) Betrachten Sie die Produktionsfunktion  $y = f(x_1, x_2) = x_1 x_2$ . Die Faktorpreise sind  $w_1 = 4$ ,  $w_2 = 3$ . Der optimale Einsatz der Produktionsfaktoren erfüllt

- a)  $x_2 = \frac{1}{12}x_1$
- b)  $x_2 = \frac{3}{4}x_1$
- c)  $x_2 = \frac{4}{3}x_1$
- d)  $x_2 = 12x_1$
- e)  $x_2 = 0$
- f)  $x_1 = 0$
- g) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Antwort: c)**

Der optimale Einsatz der Produktionsfaktoren erfüllt  $MRTS \stackrel{!}{=} \frac{w_1}{w_2}$ . Mit  $MRTS = \frac{x_2}{x_1}$  erhalten wir als Optimalitätsbedingung  $\frac{x_2}{x_1} \stackrel{!}{=} \frac{4}{3}$  oder auch

$$x_2 \stackrel{!}{=} \frac{4}{3}x_1.$$

6. (4 Punkte) Ein Monopolist betreibt Preisdiskriminierung ersten Grades. Seine Kostenfunktion lautet  $C(y) = 2y$ . Die inverse Nachfragefunktion lautet  $p(y) = 6 - y$ . Der Monopolgewinn beträgt

- a) 0     b) 1     c) 2     d) 3     e) 4     f) 5     g) 6     h) 7     i) 8

**richtige Antwort: i)**

Aufgrund von Preisdiskriminierung ersten Grades gilt für den Grenzerlös  $MR(y) = p(y)$ . Der Monopolist verkauft solange weitere marginale Einheiten des Gutes, bis der Grenzerlös den Grenzkosten entspricht. Wir erhalten

$$\begin{aligned} MR(y) = p(y) = 6 - y &\stackrel{!}{=} 2 = MC(y) \\ \Rightarrow y^M &= 4. \end{aligned}$$

Der Monopolgewinn entspricht der Fläche des Dreiecks mit den drei Punkten  $(0, p(0)) = (0, 6)$ ,  $(0, MC(0)) = (0, 2)$  und  $(y^M, p(y^M)) = (4, 2)$ . Der Monopolgewinn beträgt also  $\Pi^M = \frac{1}{2} (6 - 2) \cdot (4 - 0) = 8$ . Alternativ kann der Monopolgewinn auch folgendermaßen berechnet werden (Fixkosten  $F = 0$ ):

$$\begin{aligned} \Pi^M &= \int_0^{y^M} (p(y) - MC(y)) dy - F \\ &= \int_0^4 (4 - y) dy - 0 \\ &= \left( 4y - \frac{y^2}{2} \right)_0^4 = 16 - 8 = 8 \end{aligned}$$

7. (4 Punkte) Auf einem Faktormarkt gebe es zwei Nachfrager, A und B. Ihre Nachfragefunktionen sind gegeben durch  $x^A(w) = 25 - 5w$  und  $x^B(w) = 30 - 3w$ . Die aggregierte Faktornachfragefunktion lautet:

- a)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 10 \\ 25 - 5w, & 10 \geq w > 5 \\ 30 - 3w & 5 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

- b)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 15 \\ 25 - 5w, & 15 \geq w > 10 \\ 55 - 8w & 10 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

- c)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 10 \\ 30 - 3w, & 10 \geq w > 5 \\ \frac{55}{2} - 4w & 5 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

○ d)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 10 \\ 30 - 3w, & 10 \geq w > 5 \\ 55 - 8w & 5 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

○ e)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 10 \\ 30 - 3w, & 10 \geq w > 5 \\ 25 - 5w & 5 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

**richtige Lösung: d)**

Der Prohibitivpreis von  $A$  ist  $w_A^{Pro} = 25/5 = 5$ , der Prohibitivpreis von  $B$  ist  $w_B^{Pro} = 30/3 = 10$ . Die aggregierte Faktornachfrage für  $w > 10 = w_B^{Pro} > w_A^{Pro}$  ist also 0. Falls  $w_B^{Pro} = 10 \geq w > 5 = w_A^{Pro}$ , fragt nur  $B$  nach. Die aggregierte Faktornachfrage lautet also  $x(w) = x^B(w) = 30 - 3w$  für  $10 \geq w > 5$ . Falls  $w_B^{Pro} > w_A^{Pro} = 5 \geq w \geq 0$ , fragen  $A$  und  $B$  nach. Die aggregierte Faktornachfrage lautet also  $x(w) = x^A(w) + x^B(w) = 55 - 8w$  für  $5 \geq w \geq 0$ . Daher ist **d)** richtig.

8. (4 Punkte) Ein Unternehmen hat die Produktionsfunktion  $f(x_1, x_2) = x_1^{\frac{2}{3}}x_2$ . Kurzfristig muss es vom ersten Faktor 8 Einheiten einsetzen. Die Faktorpreise betragen  $w_1 = 2$  und  $w_2 = 12$ . Die kurzfristigen Kosten bei einer Produktion von  $y = 8$  betragen

○ a) 12    ○ b) 26    ○ c) 30    ○ d) 40    ○ e) 48    ○ f) 60    ○ g) 64    ○ h) 78

**richtige Antwort: d)**

Die kurzfristige Produktionsfunktion ist durch  $f_S(x_2) = f(8, x_2) = 4x_2$  gegeben. Um  $y = 4x_2$  Einheiten zu produzieren, müssen also  $x_2(y) = \frac{4}{y}$  Einheiten des zweiten Faktors eingesetzt werden. Die kurzfristigen Kosten bei einer Produktion von 8 Einheiten betragen also  $C_S(8) = w_1 \cdot 8 + w_2 \cdot \frac{4}{8} = 2 \cdot 8 + 12 \cdot 2 = 40$ . Demnach ist **d)** richtig.

9. (2 Punkte) Es sei  $C(y) = y^2 + y + 24$  die Kostenfunktion eines Unternehmens. Der Outputpreis beträgt  $p = 11$ . Das langfristige Angebot beträgt

○ a) 0    ○ b) 1    ○ c) 2    ○ d) 3    ○ e) 4    ○ f) 5

**richtige Antwort: f)**

Falls das Unternehmen eine positive Menge im Gewinnmaximum langfristig anbietet, muss  $MC(y) \stackrel{!}{=} p$  und  $AC(y) \leq p$  gelten. Aus der ersten Bedingung folgt

$$\begin{aligned} MC(y) &= 2y + 1 \stackrel{!}{=} 11 = p \\ \Rightarrow y &= 5. \end{aligned}$$

Es resultieren die durchschnittlichen Kosten  $AC(5) = C(5)/5 = 5 + 1 + 24/5 = 10.8 < 11 = p$ . Daher beträgt das langfristige Angebot 5.

10. (4 Punkte) 100 Unternehmen haben die Möglichkeit auf einem Markt zu agieren. Die langfristige Kostenfunktion von Unternehmen  $i \in \{1, \dots, 100\}$  bei Ausbringungsmenge  $y_i$  ist gegeben durch

$$C_i(y_i) = \begin{cases} 8 + \frac{y_i^2}{2} & y_i > 0 \\ 0 & y_i = 0 \end{cases}.$$

Die Marktnachfrage lautet  $D(p) = 480 - 30p$ . Wie viele Unternehmen bieten im Gleichgewicht eine positive Ausbringungsmenge an?

- a) 0     b) 10     c) 20     d) 40     e) 50     f) 60     g) 80     h) 90     i) 100

**richtige Antwort: h)**

Im langfristigen Gleichgewicht gilt  $AC_i(y_i) \stackrel{!}{=} MC_i(y_i) \stackrel{!}{=} p$  für jedes Unternehmen  $i \in \{1, \dots, 100\}$ , das eine positive Menge anbietet. Aus der ersten Bedingung erhalten wir

$$\begin{aligned} AC_i(y_i) &= \frac{8}{y_i} + \frac{y_i}{2} \stackrel{!}{=} y_i = MC_i(y_i) \\ 16 &= y_i^2 \\ \Rightarrow y_i &= 4. \end{aligned}$$

Aus der zweiten Bedingung erhalten wir

$$p \stackrel{!}{=} 4 = MC_i(4).$$

Die Marktnachfrage beträgt  $D(4) = 480 - 30 \cdot 4 = 360$ . Da jedes auf dem Markt agierende Unternehmen 4 Einheiten anbietet und das Marktangebot im Gleichgewicht 360 ist, bieten  $n = 360/4 = 90$  Unternehmen eine positive Ausbringungsmenge an.

11. **(2 Punkte)** Betrachten Sie die Produktionsfunktion  $f(x_1, x_2) = \frac{1}{4} (x_1^2 + 2x_2^2)^{\frac{1}{4}}$ .

- a) Es liegen konstante Skalenerträge vor.  
 b) Es liegen wachsende Skalenerträge vor.  
 c) Es liegen fallende Skalenerträge vor.  
 d) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Antwort: c)**

Es gilt

$$\begin{aligned} f(tx_1, tx_2) &= \frac{1}{4} ((tx_1)^2 + 2(tx_2)^2)^{\frac{1}{4}} \\ &= \sqrt{t} \frac{1}{4} (x_1^2 + 2x_2^2)^{\frac{1}{4}} \\ &= \sqrt{t} f(x_1, x_2) < t f(x_1, x_2) \end{aligned}$$

für  $t > 1$ . Daher hat  $f$  fallende Skalenerträge.

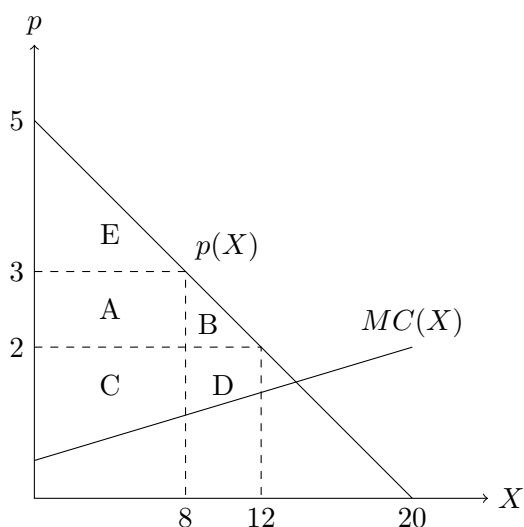
12. **(4 Punkte)** In einer Tauschökonomie mit zwei Gütern hat Akteur  $A$  die Nutzenfunktion  $U_A(x_1^A, x_2^A) = x_1^A + x_2^A$  und Akteur  $B$  die Nutzenfunktion  $U_B(x_1^B, x_2^B) = 2x_1^B x_2^B$ . Die Anfangsausstattungen sind gegeben durch  $\omega^A = (40, 10)$  beziehungsweise  $\omega^B = (10, 40)$ .

- a) Die Allokation  $(x^A = (0, 0), x^B = (50, 50))$  ist nicht Pareto-optimal, weil Agent  $A$  sich gegenüber der Anfangsausstattung verschlechtert.  
 b) Die Allokation  $(x^A = (10, 10), x^B = (40, 40))$  ist nicht Pareto-optimal, weil sie nicht in der Tauschlinie liegt.  
 c) Die Allokation  $(x^A = (20, 20), x^B = (30, 30))$  ist eine Pareto-Verbesserung gegenüber der Anfangsausstattung, weil sich Akteur  $B$  gegenüber der Anfangsausstattung besser stellt.  
 d) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Antwort: d)**

Die Allokation  $(x^A = (0, 0), x^B = (50, 50))$  ist Pareto-optimal. Agent  $A$  kann nur besser gestellt werden, indem Agent  $B$  schlechter gestellt wird. Da Agent  $B$  bereits alle Einheiten konsumiert, kann dieser nicht besser gestellt werden. Ebenso ist die Begründung von  $a)$  falsch, da Pareto-optimale Güterbündel unabhängig von der Anfangsausstattungen sind. Daher ist  $a)$  falsch. Aussage  $b)$  ist falsch, weil die Allokation  $(x^A = (10, 10), x^B = (40, 40))$  Pareto-optimal ist und Pareto-optimale Güterbündel nicht in der Tauschlinie liegen müssen. Aussage  $c)$  ist falsch. Akteur  $B$  stellt sich zwar besser, Agent  $A$  stellt sich dafür schlechter. Somit trifft Aussage  $d)$  zu.

13. (2 Punkte) Die Nachfrage auf einem Markt ist durch die inverse Nachfragefunktion  $p(X) = 5 - \frac{1}{4} \cdot X$  gegeben. Der Preis sinkt von 3 auf 2. Betrachten Sie folgende Grafik, in der  $A, B, C, D, E$  jeweils eine Fläche angeben.



Die Änderung der Konsumentenrente aufgrund der Preisänderung beträgt

- a)  $-A$                        c)  $C + D$                        e)  $A + B$   
 b)  $D - A$                        d)  $B + D$                        f)  $A + B + E$

**richtige Antwort: e)**

Vor der Preisreduktion beträgt die Konsumentenrente  $E$ . Nach der Preisreduktion beträgt diese  $E + A + B$ . Die Änderung beträgt demnach  $A + B$ . Somit ist  $e)$  richtig.

14. (4 Punkte) Auf einem Markt gelte die Marktnachfragefunktion  $D(p) = 160 - 2p$  und die Marktangebotsfunktion  $S(p) = 10 + 5p$ . Es wird eine Mengensteuer von  $t = 5$  eingeführt, die die Anbieter an den Staat abzutreten haben. Die Steuereinnahmen betragen?

- a) 5               b) 25               c) 125               d) 250               e) 400               f) 550               g) 750

**richtige Antwort: f)**

Die Nachfrager zahlen den Bruttopreis  $p$ . Die Anbieter erzielen den Nettopreis  $p^n = p - 5$ . Die Angebotsfunktion nach Einführung der Steuer lautet

$$S_t(p) = S(p - 5) = 10 + 5(p - 5) = -15 + 5p.$$

Im Marktgleichgewicht gilt

$$D(p) = 160 - 2p \stackrel{!}{=} -15 + 5p = S_t(p)$$

$$175 = 7p$$

$$\Rightarrow p = 25.$$

Die Nachfrage im Gleichgewicht beträgt also  $D(25) = 110$ , was zu Steuereinnahmen in Höhe von  $110 \cdot 5 = 550$  führt.

15. (3 Punkte) Betrachten Sie folgendes simultane Spiel.

		Spieler 2	
		l	r
Spieler 1	o	(4,8)	(8,2)
	u	(5,1)	(7,0)

- a)  $o$  ist eine dominante Strategie, weil  $8 > 1$  und  $8 > 7$ .
- b)  $o$  ist eine dominante Strategie, weil  $4 < 5$  und  $8 > 7$ .
- c)  $u$  ist eine dominante Strategie, weil  $5 > 7$  und  $1 > 0$ .
- d)  $r$  ist eine dominante Strategie, weil  $8 > 4$  und  $2 > 0$ .
- e)  $l$  ist eine dominante Strategie, weil  $8 > 2$  und  $1 > 0$ .

**richtige Antwort: e)**

$l$  ist eine dominante Strategie, weil  $8 > 2$  (Spieler 1 spielt  $o$ ) und  $1 > 0$  (Spieler 1 spielt  $u$ ). Damit ist  $r$  keine dominante Strategie. Die Strategien  $o$  und  $u$  sind keine dominanten Strategien, weil  $4 < 5$  (Spieler 2 spielt  $l$ ) und  $8 > 7$  (Spieler 2 spielt  $r$ ) gilt.

16. (2 Punkte) Auf einem Markt agieren die Unternehmen 1 und 2. Unternehmen 1 wählt die Menge  $x_1 \in \{a, b, c\}$ . Unternehmen 2 wählt die Menge  $x_2 \in \{d, e, f\}$ . Die hieraus resultierenden Gewinne  $(\Pi_1(x_1, x_2), \Pi_2(x_1, x_2))$  sind in unten stehender Matrix dargestellt.

		Unternehmen 2		
		$d$	$e$	$f$
Unternehmen 1	$a$	(26, 9)	(22, 14)	(18, 15)
	$b$	(33, 7)	(27, 10)	(21, 9)
	$c$	(36, 5)	(28, 6)	(20, 3)

Die Stackelberg-Mengen  $x^S = (x_1^S, x_2^S)$ , wenn **Unternehmen 2 Führer** ist, lauten

- a)  $(a, d)$
- d)  $(b, d)$
- g)  $(c, d)$
- b)  $(a, e)$
- e)  $(b, e)$
- h)  $(c, e)$
- c)  $(a, f)$
- f)  $(b, f)$
- i)  $(c, f)$

**richtige Antwort: f)**

Unternehmen 2 antizipiert die Reaktionsfunktion von Unternehmen 1. Unternehmen 1 wählt  $c$ , falls Unternehmen 2  $d$  wählt, weil  $36 > 33, 26$ . Unternehmen 1 wählt  $c$ , falls Unternehmen 2  $e$  wählt, weil  $28 > 27, 22$ . Unternehmen 1 wählt  $b$ , falls Unternehmen 3  $f$  wählt, weil  $21 > 20, 18$ . Somit kann Unternehmen 2 nur noch die Auszahlungen 5, 6, 9 erzielen, falls es  $d, e, f$  wählt. Da  $9 > 6, 5$  wählt Unternehmen 2  $f$ . Unternehmen 1 wählt folglich  $b$ . Somit lauten die Stackelberg-Mengen  $(b, f)$ .

**Alternative Lösung:**

Unternehmen 2 antizipiert die Reaktionsfunktion von Unternehmen 1. Diese lautet

$$x_1^R(x_2) = \begin{cases} c & , \text{ falls } x_2 = d \\ c & , \text{ falls } x_2 = e \\ b & , \text{ falls } x_2 = f \end{cases}$$

weil  $36 > 33, 26$  ( $x_2 = d$ );  $28 > 27, 22$  ( $x_2 = e$ );  $21 > 20, 18$  ( $x_2 = f$ ). Die reduzierte Gewinnfunktion von Unternehmen 2 lautet damit

$$\Pi_2^R(x_2) = \Pi_2(x_1^R(x_2), x_2) = \begin{cases} 5 & , \text{ falls } x_2 = d \\ 6 & , \text{ falls } x_2 = e \\ 9 & , \text{ falls } x_2 = f \end{cases}$$

Gewinnmaximal für Unternehmen 2 ist demnach die Menge  $x_2^S = f$ . Unternehmen 1 wählt  $x_1^S = x_1^R(x_2^S) = x_1^R(f) = b$ .

17. (2 Punkte) Auf einem Markt agieren die Unternehmen 1 und 2. Unternehmen 1 wählt die Menge  $x_1 \in \{a, b, c\}$ . Unternehmen 2 wählt die Menge  $x_2 \in \{d, e, f\}$ . Die hieraus resultierenden Gewinne  $(\Pi_1(x_1, x_2), \Pi_2(x_1, x_2))$  sind in unten stehender Matrix dargestellt.

		Unternehmen 2		
		$d$	$e$	$f$
Unternehmen 1	$a$	(26, 9)	(22, 14)	(18, 15)
	$b$	(33, 7)	(27, 10)	(21, 9)
	$c$	(36, 5)	(28, 6)	(20, 3)

Die Cournot-Mengen  $x^C = (x_1^C, x_2^C)$  lauten

- |                                   |                                   |                                   |
|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|
| <input type="radio"/> a) $(a, d)$ | <input type="radio"/> d) $(b, d)$ | <input type="radio"/> g) $(c, d)$ |
| <input type="radio"/> b) $(a, e)$ | <input type="radio"/> e) $(b, e)$ | <input type="radio"/> h) $(c, e)$ |
| <input type="radio"/> c) $(a, f)$ | <input type="radio"/> f) $(b, f)$ | <input type="radio"/> i) $(c, f)$ |

**richtige Antwort: h)**

Beide Unternehmen wählen simultan ihre Mengen. Die Strategiekombination  $(c, e)$  ist ein Gleichgewicht, weil  $28 > 27, 22$  und  $6 > 5, 3$ . Die Strategiekombination  $(c, e)$  ist das einzige Gleichgewicht, weil in allen anderen Strategiekombination mindestens ein Spieler profitabel von seiner Strategie abweichen kann. In z.B.  $(a, d)$  steigert Spieler 1 seinen Auszahlungsbetrag von 26 auf 36, wenn er statt der Strategie  $a$  die Strategie  $c$  wählt. Die Cournot-Mengen lauten also  $(c, e)$ .

18. (4 Punkte) Auf einer Insel leben 2 Menschen. Es gibt dort ein privates und ein öffentliches Gut. Die Nutzenfunktion von Inselbewohner 1 lautet  $U_1(g, x_1) = 9 \ln(g) + x_1$ , die Nutzenfunktion von Inselbewohner 2 lautet  $U_2(g, x_2) = g + x_2$ , wobei  $x_i$  die von Inselbewohner  $i \in \{1, 2\}$  konsumierte Menge



des privaten Gutes und  $g$  die Menge des öffentlichen Gutes bezeichnen. Der Preis des privaten Gutes beträgt  $p_x = 2$  und der Preis des öffentlichen Gutes  $p_g = 5$ . Die Pareto-optimale Menge des öffentlichen Gutes lautet

- a) 0       b) 1       c) 2       d) 3       e) 4       f) 5       g) 6

**richtige Antwort: g)**

Die marginalen Raten der Substitution lauten

$$MRS^1 = \frac{MU_g^1}{MU_{x_1}^1} = \frac{9}{g},$$

$$MRS^2 = \frac{MU_g^2}{MU_{x_2}^2} = 1.$$

Die aggregierte Zahlungsbereitschaft für das öffentliche Gut muss

$$MRS = MRS^1 + MRS^2 = \frac{9}{g} + 1 \stackrel{!}{=} \frac{5}{2} = \frac{p_g}{p_x}$$

erfüllen. Wir erhalten  $g = 6$ .

19. (4 Punkte) In unmittelbarer Nähe einer Müllverbrennungsanlage  $M$ , mit der Gewinnfunktion

$$\Pi^M(x) = 8x - x^2,$$

betreibt ein Unternehmen  $W$ , dessen Gewinnfunktion

$$\Pi^W(x, y) = 12y - \frac{1}{2}y^2 - xy$$

lautet, eine Wohnanlage. Dabei steht  $y$  für die Anzahl der vermieteten Wohnungen und  $x$  für die in der Müllverbrennungsanlage verbrannte Menge Müll. Bei Schadensrecht erzielt das Unternehmen  $W$  einen Gewinn in Höhe von

- a) 4       b) 8       c) 12       d) 16       e) 20       f) 24       g) 32       h) 40

**richtige Antwort: g)**

Bei Schadensrecht maximiert  $M$   $\Pi^M(x) = 8x - x^2$ . Wir erhalten

$$\frac{\partial \Pi^M(x)}{\partial x} = 8 - 2x \stackrel{!}{=} 0$$

$$\Rightarrow x = 4.$$

Die Gewinnfunktion von  $W$  lautet dann  $\Pi^W(4, y) = 12y - \frac{1}{2}y^2 - 4y = 8y - \frac{1}{2}y^2$ . Durch Maximieren erhalten wir

$$\frac{\partial \Pi^W(4, y)}{\partial y} = 8 - y \stackrel{!}{=} 0$$

$$\Rightarrow y = 8.$$

$$\Rightarrow \Pi^W(4, 8) = 32.$$

20. (3 Punkte) Betrachten Sie die Nutzenfunktionen  $U_1(x_1, x_2) = 2x_1 + 4x_2$  und  $U_2(x_1, x_2) = \frac{2}{1+2x_1+4x_2}$ .

- a) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil die streng monotone Transformation  $\tau(U_1) = \frac{2}{1+U_1}$  existiert, die  $U_1$  in  $U_2$  überführt.
- b) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil die Indifferenzkurven identisch aussehen.
- c) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil  $U_1(\frac{1}{2}, 0) = U_2(\frac{1}{2}, 0)$ .
- d) Die beiden Nutzenfunktionen sind nicht äquivalent. Dies lässt sich anhand der Güterbündel  $(2, 0)$  und  $(0, 1)$  begründen.
- e) Die beiden Nutzenfunktionen sind nicht äquivalent. Dies lässt sich anhand der Güterbündel  $(2, 1)$  und  $(1, 2)$  begründen.

**richtige Antwort: e)**

Die Transformation  $\tau(U_1) = \frac{2}{1+U_1}$  führt zwar  $U_1$  in  $U_2$  über, ist aber nicht streng monoton, weil  $\frac{\partial \tau(U_1)}{\partial U_1} = -\frac{2}{(1+U_1)^2} < 0$ . Daher ist **a)** falsch. Zwei Nutzenfunktionen können, müssen aber nicht äquivalent sein, wenn die Indifferenzkurven identisch aussehen. Die Nutzenfunktionen  $U_1(x_1, x_2)$  und  $\tilde{U}_1(x_1, x_2) = -U_1(x_1, x_2)$  sind z.B. nicht äquivalent. Daher ist die Begründung von **b)** falsch. **c)** ist falsch, weil durch  $U_1(\frac{1}{2}, 0) = U_2(\frac{1}{2}, 0)$  keine Aussage über die Äquivalenz von  $U_1$  und  $U_2$  getroffen werden kann. Anhand von  $U_1(2, 0) = 4 = U_1(0, 1)$  und  $U_2(2, 0) = \frac{2}{5} = U_2(0, 1)$  lässt sich nicht begründen, dass  $U_1$  und  $U_2$  nicht äquivalent sind. Daher ist **d)** falsch. Weil  $U_1(2, 1) = 8 < 10 = U_1(1, 2)$  und  $U_2(2, 1) = \frac{2}{9} > \frac{2}{11} = U_2(1, 2)$ , sind  $U_1$  und  $U_2$  nicht äquivalent. Daher ist **e)** richtig.

21. **(3 Punkte)** Betrachten Sie die Nutzenfunktion  $U(x_1, x_2) = 2x_1^2 + 3x_2^2$ . Die Präferenzen sind

- a) monoton und konvex.
- b) monoton und konkav.
- c) nicht monoton und konvex.
- d) nicht monoton und konkav.

**richtige Antwort: b)**

Die Präferenzen sind monoton, weil  $MU_1 = 4x_1 \geq 0$  und  $MU_2 = 6x_2 \geq 0$ . Die marginale Rate der Substitution beträgt  $MRS = \frac{MU_1}{MU_2} = \frac{4x_1}{6x_2} = \frac{2x_1}{3x_2}$ . Da die Präferenzen monoton sind, sinkt  $x_2$  entlang der Indifferenzkurve, wenn  $x_1$  steigt. Demnach nimmt die  $MRS$  mit steigendem  $x_1$  (und mit fallendem  $x_2$ ) zu. Jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln  $A$  und  $B$  ist demnach schlechter als  $A$  und  $B$ . Die Präferenzen sind also konkav. Also ist **b)** korrekt.

22. **(3 Punkte)** Leas Nutzenfunktion ist gegeben durch

$$U(x_1, x_2) = \min(x_1, 4x_2).$$

Ihr Einkommen sei  $m$ , die Preise von Gut 1 bzw. Gut 2 seien  $p_1$  und  $p_2$ . Die Engelkurve für Gut 2 lautet

- a)  $x_2(p_2) = 4x_1$
- b)  $x_2(p_2) = \frac{m-p_1x_1}{p_2}$
- c)  $x_2(p_2) = \frac{4m}{4p_1+p_2}$
- d)  $x_2(p_2) = \frac{m}{4p_1+p_2}$
- e)  $x_2(m) = 4x_1$
- f)  $x_2(m) = \frac{m-p_1x_1}{p_2}$
- g)  $x_2(m) = \frac{4m}{4p_1+p_2}$
- h)  $x_2(m) = \frac{m}{4p_1+p_2}$

**richtige Antwort: h)**

Gut 1 und Gut 2 sind perfekte Komplemente. Wir erhalten die Optimalitätsbedingung  $x_1 \stackrel{!}{=} 4x_2$ . Einsetzen dieser Optimalitätsbedingung in die Budgetgleichung ergibt

$$\begin{aligned} m &= p_1x_1 + p_2x_2 \\ m &= 4p_1x_2 + p_2x_2 \\ \Rightarrow x_2 &= \frac{m}{4p_1 + p_2} \end{aligned}$$

Die Engelkurve von Gut 2 gibt die Nachfrage nach Gut 2 in Abhängigkeit des Einkommens  $m$  (und nicht des Preises  $p_2$ ) an. Sie lautet demnach  $x_2(m) = \frac{m}{4p_1+p_2}$ . Daher ist **h)** korrekt.

23. (2 Punkte) Leas Nutzenfunktion ist gegeben durch

$$U(x_1, x_2) = \min(x_1, 4x_2).$$

Ihr Einkommen beträgt  $m = 48$ , die Preise  $p_1 = 2$ ,  $p_2 = 4$ . Das Haushaltsoptimum  $(x_1^*, x_2^*)$  lautet

- a) (24, 0)                       c) (16, 4)                       e) (8, 8)                       g) (0, 12)  
 b) (20, 2)                       d) (12, 6)                       f) (4, 10)

**richtige Antwort: c)**

Die Präferenzen sind monoton, weil  $MU_1 \geq 0$  und  $MU_2 \geq 0$ . Im Haushaltsoptimum muss folgendes Konsumverhältnis gelten:

$$x_1 = 4x_2$$

Falls  $x_1 > 4x_2$  gilt, kann sich der Haushalt bei gleichen Ausgaben besser stellen, indem er weniger von Gut 1 ( $MU_1 = 0$ ) und mehr von Gut 2 ( $MU_2 = 4 > 0$ ) konsumiert. Falls  $x_1 < 4x_2$  gilt, kann sich der Haushalt bei gleichen Ausgaben besser stellen, indem er mehr von Gut 1 ( $MU_1 = 1 > 0$ ) und weniger von Gut 2 ( $MU_2 = 0$ ) konsumiert. Durch Einsetzen von  $x_1 = 4x_2$  in die Budgetgleichung erhalten wir

$$\begin{aligned} 48 &= 2x_1 + 4x_2 \\ 48 &= 8x_2 + 4x_2 \\ \Rightarrow x_2^* &= \frac{48}{12} = 4. \end{aligned}$$

Wir erhalten  $x_1^* = 4x_2^* = 16$  und damit das Haushaltsoptimum  $(x_1^*, x_2^*) = (16, 4)$ . Also ist **c)** korrekt.

24. (3 Punkte) Gerdas Nutzenfunktion sei durch  $U(x_1, x_2) = x_1 + 2x_2$  gegeben. Der Preis von Gut 1 beträgt  $p_1 = 4$ , der von Gut 2  $p_2 = 6$ . Gerdas minimale Ausgaben bei einem Nutzen von  $\bar{U}$  betragen

- a)  $p_1x_1 + p_2x_2$                        d)  $\bar{U}$                        g)  $4\bar{U}$   
 b)  $x_1 + 2x_2$                        e)  $2\bar{U}$                        h)  $5\bar{U}$   
 c)  $4 + 12 = 16$                        f)  $3\bar{U}$                        i)  $6\bar{U}$

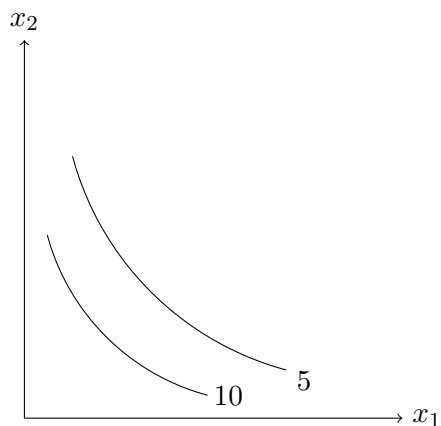
**richtige Antwort: f)**

Gerdas Präferenzen sind monoton, weil  $MU_1 = 1 > 0$  und  $MU_2 = 2 > 0$  gilt. Die marginale Rate der Substitution erfüllt

$$MRS = \frac{MU_1}{MU_2} = \frac{1}{2} < \frac{2}{3} = \frac{p_1}{p_2} = MOC.$$

Sie konsumiert demnach ausschließlich Gut 2, um das Nutzenniveau  $\bar{U}$  bei minimalen Ausgaben zu erreichen. Um das Nutzenniveau  $\bar{U} = 0 + 2 \cdot x_2$  zu erreichen, muss Sie  $x_2^* = \frac{\bar{U}}{2}$  Einheiten von Gut 2 konsumieren. Dies führt zu minimalen Ausgaben  $4 \cdot 0 + 6 \cdot x_2^* = 3\bar{U}$ . Demnach ist **f)** korrekt.

25. (3 Punkte) Betrachten Sie die in der Grafik veranschaulichten Indifferenzkurven.



Die dadurch angedeuteten Präferenzen sind

- a) nicht monoton, weil der Nutzen mit zunehmenden Gütermengen steigt.
- b) streng konkav, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln  $A$  und  $B$  besser ist als  $A$  und  $B$ .
- c) streng konkav, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln  $A$  und  $B$  schlechter ist als  $A$  und  $B$ .
- d) streng konvex, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln  $A$  und  $B$  besser ist als  $A$  und  $B$ .
- e) streng konvex, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei beliebigen indifferenten Güterbündeln  $A$  und  $B$  schlechter ist als  $A$  und  $B$ .

**richtige Antwort: c)**

Die Präferenzen sind nicht monoton, weil der Nutzen mit zunehmenden Gütermengen sinkt (nicht steigt). Daher ist **a)** falsch. Die Präferenzen sind streng konkav, weil jedes Güterbündel auf der Strecke zwischen zwei indifferenten Güterbündeln  $A$  und  $B$  schlechter ist als  $A$  und  $B$ . Daher ist **c)** korrekt.

26. (2 Punkte) Grunhilde muss sich zwischen einer Lotterie  $L = [4, 12; \frac{3}{4}, \frac{1}{4}]$  und einem sicheren Auszahlungsbetrag in Höhe von 5 entscheiden.

- a) Grunhilde entscheidet sich für die Lotterie  $L$ , weil  $E(L) > 5$ .
- b) Grunhilde entscheidet sich für die Lotterie  $L$ , weil  $E(L) < 5$ .
- c) Grunhilde entscheidet sich für die Lotterie  $L$ , wenn  $E_u(L) > 5$ .
- d) Grunhilde entscheidet sich für die Lotterie  $L$ , wenn  $E_u(L) > u(5)$ .

**richtige Antwort: d)**

Wenn der erwartete Nutzen der Lotterie den erwarteten Nutzen des sicheren Auszahlungsbetrages übersteigt, wenn also  $E_u(L) > u(5) = E_u([5; 1])$  gilt, dann spielt Grunhilde die Lotterie.

27. (2 Punkte) Micha, Lars und Greta müssen sich zwischen der Lotterie  $L = [10, 4; \frac{1}{2}, \frac{1}{2}]$  und einem sicheren Auszahlungsbetrag in Höhe von 8 entscheiden. Micha ist risikofreudig, Lars risikoneutral und Greta risikoavers.

- a) Man kann nicht mit Sicherheit sagen, ob Micha die Lotterie spielt.
- b) Man kann nicht mit Sicherheit sagen, ob Lars die Lotterie spielt.
- c) Man kann nicht mit Sicherheit sagen, ob Greta die Lotterie spielt.
- d) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Antwort: a)**

Der Erwartungswert der Lotterie beträgt  $E(L) = \frac{1}{2} \cdot 10 + \frac{1}{2} \cdot 4 = 7$ . Der Erwartungswert des sicheren Auszahlungsbetrages ist 8. Bei Risikofreude erhalten wir  $E_u(L) > u(E(L)) = u(7) < u(8)$ . Daher können wir keine Aussage darüber treffen, ob  $E_u(L) > u(8)$ ,  $E_u(L) = u(8)$  oder  $E_u(L) < u(8)$  gilt. Daher kann man nicht mit Sicherheit sagen, ob Micha die Lotterie spielt. Bei Risikoneutralität erhalten wir  $E_u(L) = u(E(L)) = u(7) < u(8)$ . Daher spielt Lars die Lotterie nicht. Bei Risikoaversion erhalten wir  $E_u(L) < u(E(L)) = u(7) < u(8)$ . Daher spielt Greta die Lotterie nicht. Da Antwort **a)** korrekt ist, ist Antwort **d)** falsch.

28. (2 Punkte) Welche der folgenden Aussagen ist korrekt?

- a) Die vNM-Nutzenfunktion  $u(x) = \sqrt{x}$  gibt Risikoaversion wieder.
- b) Die vNM-Nutzenfunktion  $u(x) = x^2$  gibt Risikoneutralität wieder.
- c) Die vNM-Nutzenfunktion  $u(x) = 2x^3 + 4$  gibt Risikoneutralität wieder.
- d) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Antwort: a)**

Die erste und zweite Ableitung von  $u(x) = \sqrt{x}$  nach  $x$  lautet  $u'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$  beziehungsweise  $u''(x) = -\frac{1}{4\sqrt{x^3}} < 0$ . Demnach gibt die vNM-Nutzenfunktion  $u(x) = \sqrt{x}$  Risikoaversion wieder. Daher ist **a)** korrekt. Die vNM-Nutzenfunktion  $u(x) = x^2$  gibt keine Risikoneutralität wieder, weil  $u''(x) = 2 \neq 0$ . Ebenso gibt die vNM-Nutzenfunktion  $u(x) = 2x^3 + 4$  keine Risikoneutralität wieder, weil  $u''(x) = 12x \neq 0$ . Demnach sind **b)-d)** falsch.

29. (3 Punkte) Laura verfügt über ein Einkommen  $m$  und hat die Nutzenfunktion

$$U(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2.$$

Ihr optimaler Konsum  $x^* = (x_1^*, x_2^*)$  ist demnach gegeben durch

$$x^* \in \begin{cases} \left(\frac{m}{p_1}, 0\right), & \text{falls } p_1 < p_2 \\ \left\{ \left(\frac{m}{p_1}, 0\right), \left(0, \frac{m}{p_2}\right) \right\}, & \text{falls } p_1 = p_2 \\ \left(0, \frac{m}{p_2}\right), & \text{falls } p_1 > p_2. \end{cases}$$

Es sei  $m = 24$ ,  $p_1 = 3$ ,  $p_2 = 4$ . Es droht eine Preiserhöhung bei Gut 1 auf  $p_1^n = 6$ . Die kompensatorische Variation beträgt

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4
- f) 5
- g) 6
- h) 7
- i) 8

**richtige Lösung: i)**

Vor der Preiserhöhung konsumiert Laura ausschließlich  $\frac{m}{p_1} = 8$  Einheiten von Gut 1 und erhält den Nutzen  $U(8, 0) = 8^2$ . Nach der Preiserhöhung, falls Laura die Zahlung  $CV$  erhält, konsumiert sie ausschließlich  $\frac{m+CV}{p_2}$  Einheiten von Gut 2 und erhält hieraus den Nutzen  $U(0, \frac{m+CV}{p_2}) = \left(\frac{m+CV}{p_2}\right)^2$ . Durch Gleichsetzen der zwei Nutzen erhalten wir die kompensatorische Variation

$$\begin{aligned} 8^2 &= \left(\frac{24 + CV}{4}\right)^2 \\ 8 &= 6 + \frac{CV}{4} \\ CV &= 8. \end{aligned}$$