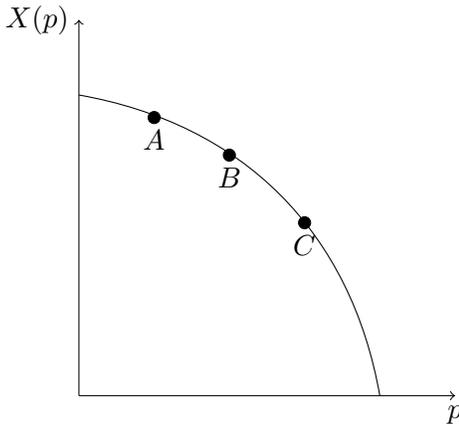


1. (2 Punkte) Betrachten Sie folgende Grafik, die eine Nachfragefunktion  $X(p)$  abbildet.



- a) Die Nachfrage ist in Punkt  $A$  elastischer als in den Punkten  $B$  und  $C$ .  
 b) Die Nachfrage ist in Punkt  $B$  elastischer als in den Punkten  $A$  und  $C$ .  
 c) Die Nachfrage ist in Punkt  $C$  elastischer als in den Punkten  $A$  und  $B$ .  
 d) Die Preiselastizität der Nachfrage ist in allen drei Punkten  $A$ ,  $B$ ,  $C$  gleich.

**richtige Lösung: c)**

Die Preiselastizität der Nachfrage lautet  $\epsilon_{X,p} = \frac{\partial X}{\partial p} \cdot \frac{p}{X} = -\left|\frac{\partial X}{\partial p}\right| \cdot \frac{p}{X}$ . Falls  $p$  steigt, sinkt  $X$ . Demnach steigt  $\frac{p}{X}$ . Falls  $p$  steigt, steigt  $\left|\frac{\partial X}{\partial p}\right|$ . Demnach steigen beide Faktoren,  $\left|\frac{\partial X}{\partial p}\right|$  und  $\frac{p}{X}$ , wenn  $p$  steigt. Die Nachfrage ist im Punkt  $C$  somit elastischer als in den Punkten  $A$  und  $B$ .

2. (3 Punkte) Ein Monopolist agiere auf einem Markt mit der inversen Nachfragefunktion  $p(q) = -2q + 40$ . Die Kostenfunktion des Monopolisten sei durch  $C(q) = 3q^2$  gegeben. Wie lautet die Konsumentenrente bei der Cournot-Menge  $q^M = 4$

- a) 0                       b) 8                       c) 16                       d) 32                       e) 48                       f) 80

**richtige Lösung: c)**

Die Konsumenten zahlen den Preis  $p(4) = 40 - 2 \cdot 4 = 32$ . Da die Nachfragefunktion linear ist, lässt sich die Konsumentenrente über die Dreiecksformel bestimmen. Wir erhalten

$$KR = \frac{p(0) - p(4)}{2} \cdot (4 - 0) = \frac{40 - 32}{2} \cdot 4 = 16.$$

3. (1 Punkt) In welcher Einheit wird die Konsumentenrente gemessen?

- a) Gramm  
 b) Nutzeinheiten  
 c) Geldeinheiten / Mengeneinheiten  
 d) Geldeinheiten  
 e) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Lösung: d)**

Die Konsumentenrente wird in Geldeinheiten gemessen.

4. (3 Punkte) Ein Monopolist betreibt Preisdiskriminierung ersten Grades auf einem Markt. Die Nachfragefunktion lautet  $Y(p) = 22 - 2p$ . Die Kostenfunktion des Monopolisten beträgt  $C(Y) = \frac{Y^2}{2} + 2Y$ . Welche Menge wird der Monopolist anbieten?

- a)  $Y^M = 4$      
 b)  $Y^M = 4.5$      
 c)  $Y^M = 5.5$      
 d)  $Y^M = 6$      
 e)  $Y^M = 6.5$   
 f) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Lösung: d)**

Aufgrund der Preisdiskriminierung ersten Grades erfüllt der marginale Erlös  $MR(Y) = p(Y)$ . Die inverse Nachfragefunktion lautet

$$\begin{aligned}
 Y(p) &= 22 - 2p \\
 Y/2 &= 11 - p \\
 \Rightarrow p(Y) &= 11 - Y/2.
 \end{aligned}$$

Die gewinnmaximale Menge erhalten wir aus

$$\begin{aligned}
 p(Y) &\stackrel{!}{=} MC(Y) \\
 11 - Y/2 &= Y + 2 \\
 9 &= 3Y/2 \\
 \Rightarrow Y^M &= 6.
 \end{aligned}$$

5. (3 Punkte) Auf einem Markt gelte die Marktnachfragefunktion  $D(p) = 130 - 2p$  und die Marktangebotsfunktion  $S(p) = 10 + 3p$ . Es wird eine Mengensteuer von  $t = 10$  eingeführt, die die Anbieter an den Staat abzutreten haben. Wie hoch sind die Steuereinnahmen?

- a) 700     
 b) 820     
 c) 850     
 d) 900     
 e) 1000

**richtige Lösung: a)**

Die Angebotsfunktion nach Einführung der Steuer lautet

$$S_t(p) = S(p - 10) = 10 + 3(p - 10) = -20 + 3p.$$

Im Marktgleichgewicht gilt

$$\begin{aligned}
 D(p) &= 130 - 2p \stackrel{!}{=} -20 + 3p = S_t(p) \\
 150 &= 5p \\
 \Rightarrow p &= 30.
 \end{aligned}$$

Die Nachfrage beträgt damit  $D(30) = 130 - 2 \cdot 30 = 70$ . Somit ergeben sich Steuereinnahmen in Höhe von  $10 \cdot 70 = 700$ .

6. (4 Punkte)  $N = 1000$  identische Unternehmen befinden sich im vollkommenen Wettbewerb. Die Kostenfunktion von Unternehmen  $i \in \{1, \dots, N\}$  ist gegeben durch

$$C(x_i) = \begin{cases} 9 + x_i^2 & , \text{ falls } x_i > 0 \\ 0 & , \text{ falls } x_i = 0 \end{cases}$$

wobei  $x_i$  die von Unternehmen  $i$  produzierte Menge bezeichnet. Für  $x_i > 0$ , sind die Durchschnittskosten also  $AC(x_i) = \frac{9}{x_i} + x_i$  und die marginalen Kosten  $MC(x_i) = 2x_i$ . Die Marktnachfrage laute

$D(p) = 1800 - 100p$ . Wie viele Unternehmen bieten im Gleichgewicht eine positive Ausbringungsmenge an?

- a) 0                       c) 200                       e) 400                       g) 600                       i) 800  
 b) 100                       d) 300                       f) 500                       h) 700                       j) 900

**richtige Lösung: e)**

Im langfristigen Gleichgewicht gilt  $AC(x_i) \stackrel{!}{=} MC(x_i) \stackrel{!}{=} p$  für jedes Unternehmen  $i \in \{1, \dots, N\}$ , das eine positive Menge anbietet. Aus der ersten Bedingung erhalten wir

$$\begin{aligned}
 AC(x_i) &= \frac{9}{x_i} + x_i \stackrel{!}{=} 2x_i = MC(x_i) \\
 9 &= x_i^2 \\
 \Rightarrow x_i &= 3.
 \end{aligned}$$

Aus der zweiten Bedingung erhalten wir

$$p \stackrel{!}{=} 6 = MC(3).$$

Die Marktnachfrage beträgt  $D(6) = 1800 - 100 \cdot 6 = 1200$ . Da jedes Unternehmen 3 Einheiten anbietet und das Marktangebot im Gleichgewicht 1200 ist, bieten  $n = 1200/3 = 400$  Unternehmen eine positive Ausbringungsmenge an.

7. (1 Punkt) Die Nachfragefunktion sei gegeben durch  $X(p) = 12 - 2p^2$ . Die Preiselastizität der Nachfrage lautet

- a)  $\frac{-p}{12-2p^2}$                        b)  $\frac{-p^2}{6-p^2}$                        c)  $\frac{-p}{6-p^2}$                        d)  $\frac{-p^2}{12-2p^2}$                        e)  $\frac{-2p^2}{6-p^2}$

**richtige Lösung: e)**

$$\epsilon_{X,p} = \frac{\partial X(p)}{\partial p} \cdot \frac{p}{X(p)} = -4p \cdot \frac{p}{12-2p^2} = \frac{-4p^2}{12-2p^2} = \frac{-2p^2}{6-p^2}.$$

8. (3 Punkte) Betrachten Sie folgendes simultane Spiel:

		Spieler2	
		$l$	$r$
Spieler1	$o$	(5, 3)	(8, 2)
	$u$	(5, 2)	(3, 0)

- a)  $l$  ist eine dominante Strategie, weil  $3 > 2$  und  $5 \geq 3$ .  
 b)  $o$  ist eine dominante Strategie, weil  $3 > 2$  und  $8 > 3$ .  
 c)  $l$  ist eine dominante Strategie, weil  $5 > 3$  und  $5 > 2$ .  
 d) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Lösung: d)**

$l$  ist eine dominierte Strategie, weil  $3 > 2$  und  $2 > 0$ . Weil die Begründungen von **a)** und **c)** falsch sind, sind **a)** und **c)** falsch.  $o$  ist eine dominierte Strategie, weil  $5 \geq 5$  und  $8 \geq 3$ . Antwort **b)** ist somit falsch. Demnach trifft **d)** zu.

9. (3 Punkte) Betrachten Sie folgendes simultane Spiel:

		Spieler2	
		$l$	$r$
Spieler1	$o$	(5, 4)	(8, 3)
	$u$	(5, 2)	(3, 1)

- a)  $(8, 3)$  ist ein Nash-Gleichgewicht, weil  $8 \geq 3$  und  $3 \geq 1$ .
- b)  $(5, 4)$  ist ein Nash-Gleichgewicht, weil  $5 \geq 5$  und  $4 \geq 3$
- c)  $(o, r)$  ist ein Nash-Gleichgewicht, weil  $8 \geq 3$  und  $3 \geq 1$ .
- d)  $(o, l)$  ist ein Nash-Gleichgewicht, weil  $5 \geq 5$  und  $4 \geq 3$ .
- e) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Lösung: d)**

$(8, 3)$  und  $(5, 4)$  sind keine Strategiekombinationen.  $(o, r)$  ist kein Gleichgewicht, weil  $3 < 4$ .  $(o, l)$  ist ein Gleichgewicht, weil  $5 \geq 5$  (Spieler 1) und  $4 \geq 3$  (Spieler 2).

10. (4 Punkte) Auf einer Insel leben 6 Menschen. Es gibt dort nur ein privates und ein öffentliches Gut. Die Präferenzen der Inselbewohner sind identisch. Die Nutzenfunktion von Inselbewohner  $i$  lautet  $U_i(g, x_i) = \sqrt{g} + 2 \cdot x_i$ , wobei  $x_i$  die von  $i$  konsumierte Menge des privaten Gutes und  $g$  die Menge des öffentlichen Gutes bezeichnet. Der Preis des privaten Gutes beträgt  $p_x = 4$  und der Preis des öffentlichen Gutes  $p_g = 3$ . Wie lautet die Pareto-optimale Menge des öffentlichen Gutes?

- a)  $\frac{9}{16 \cdot 16}$      b)  $\frac{1}{9}$      c)  $\frac{1}{4}$      d) 1     e)  $\frac{81}{64}$      f) 4     g) 9

**richtige Lösung: f)**

Die marginale Zahlungsbereitschaft eines Einwohners  $i$  für eine weitere Einheit des öffentlichen Gutes ist

$$MRS_i = \frac{MU_g}{MU_{x_i}} = \frac{1}{4\sqrt{g}}$$

Da auf der Insel 6 Personen leben, muss für die aggregierte Zahlungsbereitschaft folgendes gelten

$$\begin{aligned} MRS &= \frac{6}{4\sqrt{g}} \stackrel{!}{=} \frac{3}{4} = \frac{p_g}{p_x} \\ \frac{1}{\sqrt{g}} &= \frac{1}{2} \\ \Rightarrow g &= 4. \end{aligned}$$

11. (3 Punkte) Horst und Luise betreiben benachbarte Gartencafés, deren Gäste durch Blumen angelockt werden. Horst baut ausschließlich Sonnenblumen an. Luise baut ausschließlich Gänseblümchen an. Horsts Gewinnfunktion lautet

$$\Pi^H(x) = 6x - x^2,$$

Luises Gewinnfunktion lautet

$$\Pi^L(x, y) = 8y + \frac{x^2}{2} - y^2,$$

wobei  $x$  für die Anzahl der Sonnenblumen in Horsts Garten und  $y$  für die Anzahl der Gänseblümchen in Luises Garten steht. Das soziale Optimum ist gegeben durch  $(x^*, y^*) = (6, 4)$ . Die Pigou-Subvention pro Sonnenblume lautet

- a) 0       b) 1       c) 2       d) 3       e) 4       f) 5       g) 6

**richtige Lösung: g)**

Falls jede Sonnenblume mit  $t$  subventioniert wird, lautet die Gewinnfunktion von Horst

$$\Pi^H(x) = 6x - x^2 + tx.$$

Die gewinnmaximale Menge von Horst ergibt sich zu

$$\begin{aligned} \frac{\partial \Pi^H}{\partial x} &= 6 + t - 2x \stackrel{!}{=} 0 \\ \Rightarrow x &= 3 + t/2. \end{aligned}$$

Die von Horst gewählte Menge,  $x = 3 + t/2$ , stimmt mit der sozialoptimalen Menge,  $x^* = 6$ , überein falls

$$\begin{aligned} x &= 3 + t/2 \stackrel{!}{=} 6 \\ \Rightarrow t &= 6. \end{aligned}$$

**Alternative Lösung:**

Die positive Grenzexternalität von Horst auf Luise ist  $E(x) = \frac{\partial \Pi^L(x,y)}{\partial x} = x$ . Im sozialen Optimum beträgt diese  $E(6) = 6$ . Äquivalent zur negativen Externalität, bei der die Pigou-Steuer dem Grenzscha-den der Externalität im sozialen Optimum gleicht, muss bei einer positiven Externalität die Pigou-Subvention der positiven Grenexternalität im sozialen Optimum gleichen. Wir erhalten die Pigou-Subvention  $t \stackrel{!}{=} 6 = E(6)$ .

12. (2 Punkte) Auf einem Markt agieren die Unternehmen 1 und 2. Unternehmen 1 wählt die Menge  $x_1 \in \{a, b, c\}$ . Unternehmen 2 wählt die Menge  $x_2 \in \{d, e, f\}$ . Die hieraus resultierenden Gewinne  $(\Pi_1(x_1, x_2), \Pi_2(x_1, x_2))$  sind in unten stehender Matrix dargestellt.

		Unternehmen 2		
		$d$	$e$	$f$
Unternehmen 1	$a$	(6, 3)	(3, 6)	(1, 8)
	$b$	(8, 5)	(4, 6)	(3, 4)
	$c$	(12, 3)	(6, 4)	(2, 5)

Die Stackelberg-Mengen  $x^S = (x_1^S, x_2^S)$ , wenn Unternehmen 1 Führer ist, lauten

- |                                 |                                 |                                 |
|---------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|
| <input type="radio"/> a) (a, d) | <input type="radio"/> d) (b, d) | <input type="radio"/> g) (c, d) |
| <input type="radio"/> b) (a, e) | <input type="radio"/> e) (b, e) | <input type="radio"/> h) (c, e) |
| <input type="radio"/> c) (a, f) | <input type="radio"/> f) (b, f) | <input type="radio"/> i) (c, f) |

**richtige Lösung: e)**

Unternehmen 1 antizipiert die Reaktionsfunktion von Unternehmen 2. Unternehmen 2 wählt  $f$ , falls Unternehmen 1  $a$  wählt, weil  $8 > 6, 3$ . Unternehmen 2 wählt  $e$ , falls Unternehmen 1  $b$  wählt, weil  $6 > 5, 4$ . Unternehmen 2 wählt  $f$ , falls Unternehmen 1  $c$  wählt, weil  $5 > 4, 3$ . Somit kann Unternehmen 1 nur noch die Auszahlungen 1, 4, 2 erzielen, falls es  $a, b, c$  wählt. Da  $4 > 1, 2$  wählt Unternehmen 1  $b$ . Unternehmen 2 wählt folglich  $e$ . Somit lauten die Stackelberg-Mengen  $(b, e)$ .

**Alternative Lösung:**

Unternehmen 1 antizipiert die Reaktionsfunktion von Unternehmen 2. Diese lautet

$$x_2^R(x_1) = \begin{cases} f & , \text{ falls } x_1 = a \\ e & , \text{ falls } x_1 = b \\ f & , \text{ falls } x_1 = c \end{cases}$$

weil  $8 > 6, 3$  ( $x_1 = a$ );  $5 > 4, 3$  ( $x_1 = b$ );  $4 > 1, 2$  ( $x_1 = c$ ). Die reduzierte Gewinnfunktion von Unternehmen 1 lautet damit

$$\Pi_1^R(x_1) = \Pi_1(x_1, x_2^R(x_1)) = \begin{cases} 1 & , \text{ falls } x_1 = a \\ 4 & , \text{ falls } x_1 = b \\ 2 & , \text{ falls } x_1 = c \end{cases}$$

Gewinnmaximal für Unternehmen 1 ist demnach die Menge  $x_1^S = b$ . Unternehmen 2 wählt  $x_2^S = x_2^R(x_1^S) = x_2^R(b) = e$ .

**13. (4 Punkte)** Holgers Nutzenfunktion ist gegeben durch

$$U(x_1, x_2) = \sqrt{x_1} + 2\sqrt{x_2}.$$

Sein Einkommen beträgt  $m = 18$ . Die Preise betragen  $p_1 = 1, p_2 = 2$ . Das Haushaltsoptimum  $(x_1^*, x_2^*)$  lautet

- |                                 |                                 |                                 |                                  |                                   |
|---------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|----------------------------------|-----------------------------------|
| <input type="radio"/> a) (0, 9) | <input type="radio"/> b) (2, 8) | <input type="radio"/> c) (6, 6) | <input type="radio"/> d) (12, 3) | <input type="radio"/> e) (18, 0). |
|---------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|----------------------------------|-----------------------------------|

**richtige Lösung: c)**

Die Präferenzen sind monoton, weil  $MU_1 = \frac{1}{2\sqrt{x_1}} \geq 0$  und  $MU_2 = \frac{1}{\sqrt{x_2}} \geq 0$ . Die MRS lautet

$$MRS = \frac{MU_1}{MU_2} = \frac{\sqrt{x_2}}{2\sqrt{x_1}}.$$

Aufgrund von Monotonie sinkt  $x_2$  entlang der Indifferenzkurve, wenn  $x_1$  steigt. Demnach nimmt die  $MRS$  mit steigendem  $x_1$  (und mit fallendem  $x_2$ ) ab. Die Präferenzen sind konvex und das Haushaltsoptimum lässt sich bestimmen durch das Einsetzen von

$$MRS = \frac{\sqrt{x_2}}{2\sqrt{x_1}} \stackrel{!}{=} \frac{1}{2} = \frac{p_1}{p_2} = MOC$$

$$\Rightarrow x_2 = x_1$$

in die Budgetgleichung

$$p_1 x_1 + p_2 x_2 = 1 \cdot x_1 + 2 \cdot x_1 = 3x_1 = 18 = m$$

$$\Rightarrow x_1^* = \frac{18}{3} = 6.$$

Wir erhalten  $x_2^* = x_1^* = 6$  und damit das Haushaltsoptimum  $(x_1^*, x_2^*) = (6, 6)$ .

14. (3 Punkte) Richards Nutzenfunktion ist gegeben durch

$$U(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2.$$

- a) Die Präferenzen sind nicht monoton.
- b) Die Präferenzen sind konvex.
- c) Für Richards Haushaltsoptimum gilt  $MRS \stackrel{!}{=} MOC$ .
- d) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**Richtige Lösung: d)**

Die Präferenzen sind monoton, weil  $MU_1 = 2x_1 \geq 0$  und  $MU_2 = 1 > 0$ . Daher ist **a)** falsch. Die MRS lautet

$$MRS = \frac{MU_1}{MU_2} = \frac{2x_1}{1} = 2x_1.$$

Aufgrund von Monotonie sinkt  $x_2$  entlang der Indifferenzkurve, wenn  $x_1$  steigt. Die MRS nimmt mit steigendem  $x_1$  also zu. Die Präferenzen sind demnach nicht konvex und das Haushaltsoptimum lässt sich nicht bestimmen durch  $MRS \stackrel{!}{=} MOC$ . Daher ist **b)** und **c)** falsch.

15. (2 Punkte) Betrachten Sie die Nutzenfunktion  $U(x_1, x_2) = \frac{1+x_1}{1+x_2}$ .

- a) Die Präferenzen sind monoton.
- b) Gut 1 ist ein Ungut, Gut 2 nicht.
- c) Gut 2 ist ein Ungut, Gut 1 nicht.
- d) Sowohl Gut 1 als auch Gut 2 sind Ungüter.

**richtige Lösung: c)**

Der marginale Nutzen von Gut 1 ist  $MU_1 = \frac{1}{1+x_2} > 0$ . Daher ist Gut 1 kein Ungut. Weil  $MU_2 = \frac{-(1+x_1)}{(1+x_2)^2} < 0$ , ist Gut 2 ein Ungut.

16. (3 Punkte) Betrachten Sie die Nutzenfunktionen  $U_1(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + x_2)x_3$  und  $U_2(x_1, x_2, x_3) = (x_1^2 + x_2^2)x_3^2$ .

- a) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil die monoton steigende Transformation  $\tau(U) = U^2$   $U_1$  in  $U_2$  überführt.
- b) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil die Indifferenzkurven identisch aussehen.
- c) Die beiden Nutzenfunktionen sind äquivalent, weil  $U_1(0, 0, 0) = U_2(0, 0, 0)$
- d) Die beiden Nutzenfunktionen sind nicht äquivalent. Dies lässt sich anhand der Güterbündel  $(1, 0, 1)$  und  $(2, 0, 1)$  begründen.
- e) Die beiden Nutzenfunktionen sind nicht äquivalent. Dies lässt sich anhand der Güterbündel  $(1, 1, 1)$  und  $(0, 2, 1)$  begründen.

**richtige Lösung: e)**

Es gilt  $\tau(U_1) = (x_1 + x_2)^2 x_3^2 \neq (x_1^2 + x_2^2) x_3^2 = U_2$ . Daher ist **a)** falsch. Nutzenfunktionen können, müssen aber nicht äquivalent sein, wenn die Indifferenzkurven identisch aussehen. Die Nutzenfunktionen  $U_1(x_1, x_2, x_3)$  und  $U_1'(x_1, x_2, x_3) = -U_1(x_1, x_2, x_3)$  sind z.B. nicht äquivalent. Daher ist die Begründung von **b)** falsch. **c)** ist falsch, weil durch  $U_1(0, 0, 0) = U_2(0, 0, 0)$  keine Aussage über die Äquivalenz von  $U_1$  und  $U_2$  getroffen werden kann. Anhand von  $U_1(1, 0, 1) = 1 < 2 = U_1(2, 0, 1)$  und  $U_2(1, 0, 1) = 1 < 4 = U_2(2, 0, 1)$  lässt sich nicht begründen, dass  $U_1$  und  $U_2$  nicht äquivalent sind. Daher ist **d)** falsch. Weil  $U_1(1, 1, 1) = 2 = 2 = U_1(0, 2, 1)$  und  $U_2(1, 1, 1) = 2 < 4 = U_2(0, 2, 1)$ , sind die Nutzenfunktionen  $U_1$  und  $U_2$  nicht äquivalent. Daher ist **e)** richtig.

17. (2 Punkte) Gehen Sie davon aus, dass der optimale Konsum von Gut 1 gegeben ist durch

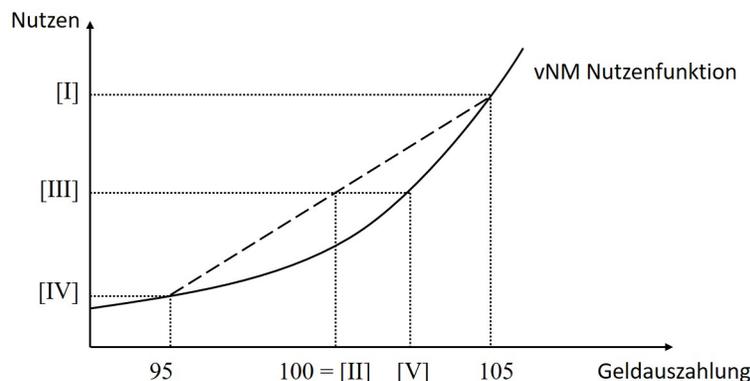
$$x_1(m, p_1, p_2) = \frac{2m}{2p_1 + 3p_2}.$$

- a) Eine Variation des Preises von Gut 2 führt zu einer anderen Engelkurve für Gut 1.
- b) Eine Variation des Einkommens führt zu einer anderen Engelkurve für Gut 1.
- c) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Lösung: a)**

Die Engelkurve für Gut 1 stellt den optimalen Konsum von Gut 1 in Abhängigkeit des Einkommens dar. Die Engelkurve lautet also  $x_1(m) = \frac{2m}{2p_1 + 3p_2}$ . Weil das Einkommen bei einer Engelkurve bereits variiert wird, führt die Variation des Einkommens zu keiner anderen Engelkurve. Daher ist **b)** falsch. Eine Variation des Parameters  $p_2$  führt zu einer anderen Engelkurve. Daher ist **a)** richtig.

18. (2 Punkte) Betrachten Sie die Lotterie  $L = [95, 105; \frac{1}{2}, \frac{1}{2}]$  und die in der Abbildung dargestellte vNM-Nutzenfunktion.



[III] bezeichnet

- a)  $CE(L)$
- b)  $E(L)$
- c)  $u(105)$
- d)  $u(95)$
- e)  $u(E(L))$
- f) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Lösung: f)**

[III] bezeichnet den erwarteten Nutzen der Lotterie  $L$ , also  $E_u(L)$ . Daher ist **f)** richtig.

19. (2 Punkte) Eine vNM-Nutzenfunktion, die Risikofreude widerspiegelt,

- a) ist konkav.
- b) hat für die Lotterie  $L = [7, 12; \frac{1}{3}, \frac{2}{3}]$  die Eigenschaft  $E_u(L) \geq u(E(L))$ .
- c) ist zum Beispiel durch die Funktion  $u(x) = 5 \ln x$  gegeben.
- d) hat für die Lotterie  $L = [7, 12; \frac{1}{3}, \frac{2}{3}]$  die Eigenschaft  $CE(L) < E(L)$ .

**richtige Lösung: b)**

vNM-Nutzenfunktionen, die Risikofreude widerspiegeln, sind konvex. Daher ist **a)** falsch. Ein risikofreudiges Individuum zieht das Spielen der Lotterie der sicheren Auszahlung des Erwartungswertes vor, d.h.  $E_u(L) \geq u(E(L))$ . Daher ist **b)** richtig.

Die Funktion  $u(x) = 5 \ln x$  ist konkav und spiegelt Risikoaversion wider. Daher ist **c)** falsch. Derjenige Betrag, der dem Individuum so viel Wert ist wie die Lotterie, ist für risikofreudige Individuen größer als der Erwartungswert, d.h.  $CE(L) \geq E(L)$ . Daher ist **d)** falsch.

20. (3 Punkte) Der optimale Konsum eines Haushaltes von Gut 1 ist gegeben durch

$$x_1(p_1, p_2, m) = \frac{10p_2 - m}{p_2 - p_1}.$$

Es gilt  $p_2 > p_1$ ,  $10p_2 > m$ ,  $m > 10p_1$ .

- a) Gut 1 ist gewöhnlich und inferior.
- b) Gut 1 ist nicht-gewöhnlich und inferior.
- c) Gut 1 ist gewöhnlich und normal.
- d) Gut 1 ist nicht-gewöhnlich und normal.

**richtige Lösung: b)**

Es gilt  $\frac{\partial x_1}{\partial p_1} = (-1) \cdot (-1) \frac{10p_2 - m}{(p_2 - p_1)^2} = \frac{10p_2 - m}{(p_2 - p_1)^2} \geq 0$ . Daher ist Gut 1 nicht-gewöhnlich. Es gilt  $\frac{\partial x_1}{\partial m} = \frac{-1}{p_2 - p_1} \leq 0$ . Daher ist Gut 1 inferior. Somit ist **b)** richtig.

21. (4 Punkte) Marie verfügt über ein Einkommen  $m$  und hat die Nutzenfunktion

$$U(x_1, x_2) = x_1 + x_2.$$

Ihr optimaler Konsum  $(x_1^*, x_2^*)$  ist demnach gegeben durch

$$\begin{aligned} & \left( \frac{m}{p_1}, 0 \right), \quad \text{falls } p_1 < p_2 \\ & \left( x, \frac{m - p_1 x}{p_2} \right), \quad x \in \left[ 0, \frac{m}{p_1} \right], \quad \text{falls } p_1 = p_2 \\ & \left( 0, \frac{m}{p_2} \right), \quad \text{falls } p_1 > p_2. \end{aligned}$$

Es sei  $m = 24$ ,  $p_1 = 2$ ,  $p_2 = 3$ . Es droht eine Preiserhöhung bei Gut 1 auf  $p_1^n = 4$ .

- a) Die kompensatorische Variation beträgt 0.
- b) Die kompensatorische Variation beträgt 2.
- c) Die kompensatorische Variation beträgt 4.
- d) Die kompensatorische Variation beträgt 6.
- e) Die äquivalente Variation beträgt 0.
- f) Die äquivalente Variation beträgt 4.
- g) Die äquivalente Variation beträgt 8.
- h) Die äquivalente Variation beträgt 12.

**richtige Lösung: g)**

Marie konsumiert ausschließlich Gut 1,  $(x_1^*, x_2^*) = \left( \frac{m}{p_1}, 0 \right)$ , vor der Preiserhöhung und ausschließlich Gut 2,  $(y_1^*, y_2^*) = \left( 0, \frac{m}{p_2} \right)$ , nach der Preiserhöhung. Die kompensatorische Variation erhalten wir durch

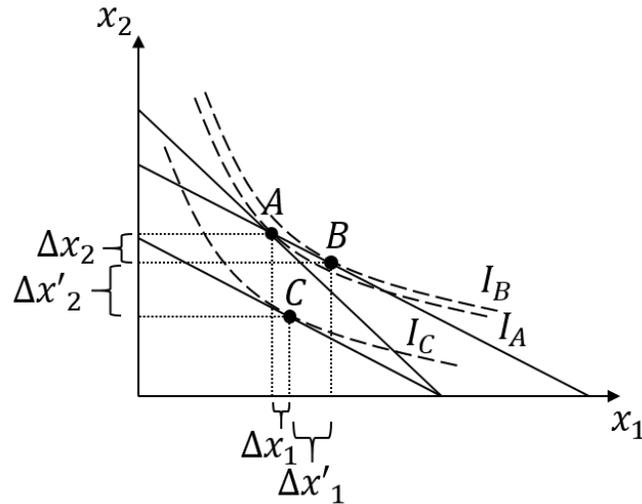
$$\begin{aligned} U\left(\frac{m}{p_1}, 0\right) &= U\left(0, \frac{m + CV}{p_2}\right) \\ 12 &= \frac{24 + CV}{3} \\ CV &= 36 - 24 = 12. \end{aligned}$$

Die äquivalente Variation erhalten wir durch

$$\begin{aligned} U\left(0, \frac{m}{p_2}\right) &= U\left(\frac{m - EV}{p_1}, 0\right) \\ 8 &= \frac{24 - EV}{2} \\ EV &= 24 - 16 = 8. \end{aligned}$$

Daher ist **g)** richtig.

22. (2 Punkte) Betrachten Sie folgende Grafik, in der  $I_i$ ,  $i \in \{A, B, C\}$ , die zu Güterbündel  $i$  gehörende Indifferenzkurve bezeichnet. Budgetgeraden werden durch die durchgezogenen Geraden dargestellt. Nehmen Sie an, dass sich das Haushaltsoptimum bei den Preisen  $p_1, p_2$  im Punkt  $A$  befindet. In der Grafik wird die Preiserhöhung von  $p_2$  auf  $p_2^n > p_2$  dargestellt.



- a) Der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2$ , der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2 + \Delta x'_2$ .
- b) Der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2 + \Delta x'_2$ , der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x'_2$ .
- c) Der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2$ , der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x'_2$ .
- d) Der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x'_2$ , der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist  $\Delta x_2$ .

**richtige Lösung: c)**

Das neue Haushaltsoptimum bei Preisen  $p_1, p_2^n$  ist gegeben durch  $C$ . Beim Substitutionseffekt wird angenommen, dass sich der Haushalt das alte Haushaltsoptimum  $A$  trotz Preisänderung leisten kann. Die Budgetgerade rotiert also um  $A$  (gegen den Uhrzeigersinn), wenn  $p_2$  steigt. Der optimale Konsum verschiebt sich folglich von  $A$  nach  $B$ . Der absolute Substitutionseffekt von Gut 2 ist demnach  $\Delta x_2$ . Da sich der Haushalt Güterbündel  $B$  nach der Preiserhöhung nicht leisten kann, verschiebt sich der optimale Konsum von  $B$  nach  $C$ . Der absolute Einkommenseffekt von Gut 2 ist also  $\Delta x'_2$ . Daher ist c) richtig.

23. (4 Punkte) Auf einem Faktormarkt gebe es zwei Nachfrager,  $A$  und  $B$ . Ihre Nachfragefunktionen sind gegeben durch  $x^A(w) = 12 - 3w$  und  $x^B(w) = 25 - 5w$ . Die aggregierte Faktornachfragefunktion lautet:

- a)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 5 \\ 25 - 5w, & 5 \geq w > 4 \\ 12 - 3w & 4 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

- b)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 5 \\ 12 - 3w, & 5 \geq w > 4 \\ 37/2 - 4w & 4 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

○ c)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 5 \\ 25 - 5w, & 5 \geq w > 4 \\ 37/2 - 4w & 4 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

○ d)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 5 \\ 25 - 5w, & 5 \geq w > 4 \\ 37 - 8w & 4 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

○ e)

$$x(w) = \begin{cases} 0, & w > 5 \\ 12 - 3w, & 5 \geq w > 4 \\ 37 - 8w & 4 \geq w \geq 0 \end{cases}$$

**richtige Lösung: d)**

Der Prohibitivpreis von  $A$  ist  $w_A^{Pro} = 12/3 = 4$ , der Prohibitivpreis von  $B$  ist  $w_B^{Pro} = 25/5 = 5$ . Die aggregierte Faktornachfrage für  $w > 5 = w_B^{Pro} > w_A^{Pro}$  ist also 0. Falls  $w_B^{Pro} = 5 \geq w > 4 = w_A^{Pro}$ , fragt nur  $B$  nach. Die aggregierte Faktornachfrage lautet also  $x(w) = x^B(w) = 25 - 5w$  für  $5 \geq w > 4$ . Falls  $w_B^{Pro} > w_A^{Pro} = 4 \geq w \geq 0$ , fragen  $A$  und  $B$  nach. Die aggregierte Faktornachfrage lautet also  $x(w) = x^A(w) + x^B(w) = 37 - 8w$  für  $4 \geq w \geq 0$ . Daher ist **d)** richtig.

24. (2 Punkte) Betrachten Sie die Produktionsfunktion  $y = f(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2$ . Die Faktorpreise sind  $w_1, w_2$ , wobei  $w_1 > w_2$  gilt. Eine Optimalitätsbedingung zur Bestimmung der Minimalkostenkombination lautet

○ a)  $\frac{\frac{\partial y}{\partial x_1}}{\frac{\partial y}{\partial x_2}} \stackrel{!}{=} \frac{w_1}{w_2}$

○ c)  $x_1 \stackrel{!}{=} 0$

○ d)  $x_2 \stackrel{!}{=} 0$

○ b)  $\frac{\frac{\partial y}{\partial x_1}}{\frac{\partial y}{\partial x_2}} \stackrel{!}{=} w_1 w_2$

○ e)  $x_1 \stackrel{!}{=} x_2$

**richtige Lösung: c)**

Die Produktionstechnologie ist konkav, weil die

$$MRTS = \frac{MP_1}{MP_2} = \frac{x_1}{x_2}$$

mit steigendem  $x_1$  (und daher fallendem  $x_2$  entlang der Isoquante) steigt. Es wird also entweder ausschließlich Faktor 1,  $y = x_1^2$ , oder ausschließlich Faktor 2,  $y = x_2^2$ , zur Produktion verwendet. Die Ausgaben zur Produktion betragen daher entweder  $w_1\sqrt{y}$  bei Verwendung von Faktor 1 oder  $w_2\sqrt{y}$  bei Verwendung von Faktor 2. Weil  $w_1 > w_2$ , wird ausschließlich Faktor 2 zur Produktion verwendet. Also muss  $x_1 = 0$  gelten. Daher ist **c)** richtig.

25. (4 Punkte) Ein Unternehmen hat die Produktionsfunktion  $f(x_1, x_2) = 2\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$ . Die Faktorpreise betragen  $w_1 = 4$  und  $w_2 = 3$ . Wie lautet die Kostenfunktion?

○ a)  $C(x_1, x_2) = 4x_1 + 3x_2$

○ c)  $C(y) = y^2$

○ e)  $C(x_1, x_2) = 7(x_1 + x_2)$

○ g)  $C(y) = \frac{1}{4}y^2$

○ b)  $C(y) = 7y$

○ d)  $C(y) = 3y^2$

○ f)  $C(y) = \frac{4}{3}y^2$

○ h)  $C(y) = \frac{3}{4}y^2$

**richtige Lösung: h)**

Es gilt

$$MRTS = \frac{MP_1}{MP_2} = \frac{2\sqrt{x_2}}{\sqrt{x_1}}.$$

Entlang der Isoquante sinkt  $x_2$ , wenn  $x_1$  steigt. Die  $MRTS$  nimmt mit steigendem  $x_1$  also ab. Das optimale Faktorverhältnis ergibt sich aus

$$\begin{aligned} MRTS &= \frac{2\sqrt{x_2}}{\sqrt{x_1}} \stackrel{!}{=} \frac{4}{3} = \frac{w_1}{w_2} \\ \frac{x_2}{x_1} &= \frac{4}{9} \\ \Rightarrow x_2 &= \frac{4}{9}x_1. \end{aligned}$$

Die Produktion bei optimalen Faktoreinsatz  $(x_1, \frac{4}{9}x_1)$  beträgt

$$y = 2\sqrt{x_1} + \sqrt{\frac{4}{9}x_1} = (2 + \frac{2}{3})\sqrt{x_1} = \frac{8}{3}\sqrt{x_1}.$$

Daraus erhalten wir  $x_1(y) = \frac{9}{64}y^2$  und  $x_2(y) = \frac{1}{16}y^2$  und schließlich die Kostenfunktion

$$C(y) = 4x_1(y) + 3x_2(y) = \frac{9}{16}y^2 + \frac{3}{16}y^2 = \frac{3}{4}y^2.$$

26. (4 Punkte) Ein Unternehmen hat die Möglichkeit auf einem Markt zu agieren. Der Marktpreis beträgt  $p = 4$ . Die langfristige Kostenfunktion des Unternehmens lautet

$$C(y) = \begin{cases} 12 + \frac{y^2}{2} & y > 0 \\ 0 & y = 0 \end{cases}.$$

$MC(y)$  bezeichne die marginalen,  $AC(y)$  die durchschnittlichen Kosten des Unternehmens.

- a) Das Unternehmen produziert die Menge  $y = 4$ , weil  $MC(4) \stackrel{!}{=} p$ .
- b) Das Unternehmen produziert die Menge  $y = 0$ , weil  $AC(4) > MC(4) \stackrel{!}{=} p$ .
- c) Das Unternehmen produziert die Menge  $y = 4$ , weil  $AC(4) > MC(4) \stackrel{!}{=} p$ .
- d) Das Unternehmen produziert die Menge  $y = 0$ , weil  $AC(4) < MC(4) \stackrel{!}{=} p$ .
- e) Das Unternehmen produziert die Menge  $y = 4$ , weil  $AC(4) < MC(4) \stackrel{!}{=} p$ .

**richtige Lösung: b)**

Falls das Unternehmen eine positive Menge produziert, erhalten wir die gewinnmaximale Menge

$$\begin{aligned} MC(y) &= y \stackrel{!}{=} 4 = p \\ \Rightarrow y &= 4. \end{aligned}$$

Die durchschnittlichen Kosten lauten  $AC(y) = \frac{12}{y} + \frac{y}{2}$ , falls  $y > 0$ . Wir erhalten  $AC(4) = \frac{12}{4} + \frac{4}{2} = 5$ . Der Gewinn des Unternehmens, wenn es die Menge  $y = 4$  produziert, lautet also

$$\begin{aligned} \Pi(4) &= p \cdot 4 - C(4) \\ &= 4(p - AC(4)) \\ &= 4(4 - 5) < 0. \end{aligned}$$

Weil  $AC(4) = 5 > 4 = MC(4) \stackrel{!}{=} p$ , produziert das Unternehmen nicht. Wir erhalten die gewinnmaximale Menge  $y = 0$ .

27. (2 Punkte) Ein Unternehmen produziert ein Gut mit einem Faktor. Die Produktionsfunktion lautet  $y = f(x) = \sqrt{x}$ . Der Faktorpreis  $w$  und der Verkaufspreis  $p$  des Gutes sind fest vorgegeben.

- a) Es liegen konstante Skalenerträge vor.
- b) Es liegen wachsende Skalenerträge vor.
- c) Es liegen fallende Skalenerträge vor.
- d) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

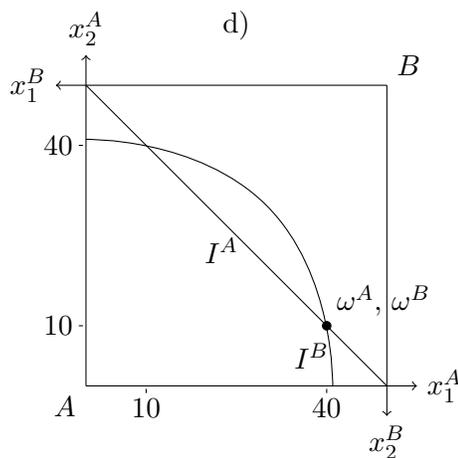
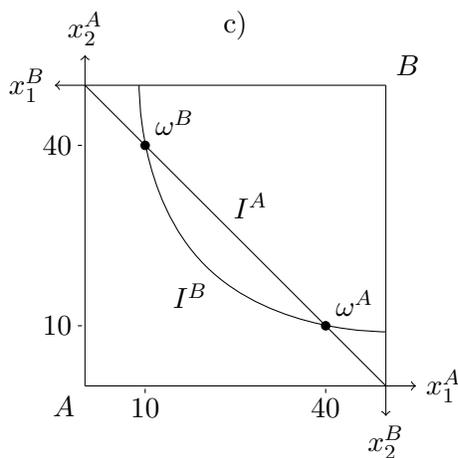
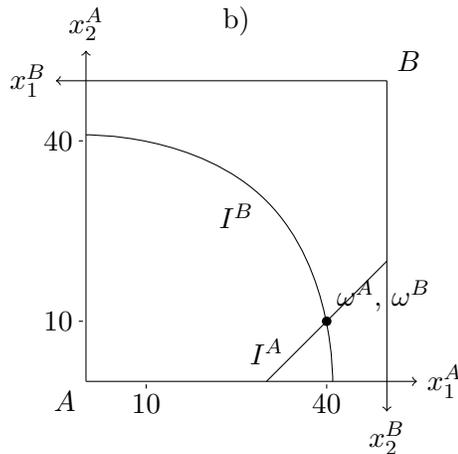
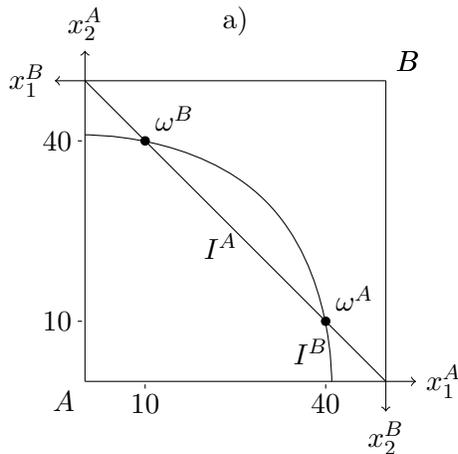
richtige Lösung: c)

Es gilt

$$f(tx) = \sqrt{tx} = \sqrt{t} \cdot \sqrt{x} = \sqrt{t}f(x) < tf(x)$$

für  $t > 1$ . Daher liegen fallende Skalenerträge vor.

28. (2 Punkte) In einer Tauschökonomie mit zwei Gütern hat Akteur A die Nutzenfunktion  $U_A(x_1^A, x_2^A) = 2x_1^A + 2x_2^A$  und Akteur B die Nutzenfunktion  $U_B(x_1^B, x_2^B) = \sqrt{x_1^B} + \sqrt{x_2^B}$ . Die Anfangsausstattungen sind gegeben durch  $\omega^A = (40, 10)$  beziehungsweise  $\omega^B = (10, 40)$ . Welche der folgenden Grafiken skizziert die Anfangsausstattungen und die durch die Anfangsausstattungen verlaufenden Indifferenzkurven? Hierbei bezeichnen  $I_A$  und  $I_B$  die Indifferenzkurven von Agent A bzw. B.



a)

b)

c)

d)

richtige Lösung: d)

Die Anfangsausstattungen  $w^A, w^B$  müssen in einem Punkt liegen. Somit sind a) und c) falsch. Agent A besitzt monotone, lineare Präferenzen, da  $\partial U_A / \partial x_i^A > 0$  für  $i = 1, 2$  und  $MRS^A = 1$ . Demnach verläuft

seine Indifferenzkurve negativ geneigt. Somit ist **b)** falsch. Agent  $B$  besitzt monotone, konvexe Präferenzen, da  $\partial U_b / \partial x_i^B \geq 0$  für  $i = 1, 2$  und  $MRS^B = \sqrt{x_2^B} / \sqrt{x_1^B}$ . In Graphik **d)** ist die Anfangsausstattung korrekt eingezeichnet, beide Indifferenzkurven verlaufen durch die Anfangsausstattung und der Verlauf beider Indifferenzkurven ist korrekt skizziert

29. **(3 Punkte)** Betrachten Sie eine beliebige Tauschökonomie mit zwei Agenten und Anfangsausstattung  $\omega$ .

- a) Alle Pareto-optimalen Allokationen liegen in der zur Anfangsausstattung  $\omega$  gehörenden Tauschlinse.
- b) Wenn für zwei Allokationen  $x = ((x_1^A, x_2^A), (x_1^B, x_2^B))$  und  $y = ((y_1^A, y_2^A), (y_1^B, y_2^B))$  gilt  $U_A(x_1^A, x_2^A) > U_A(y_1^A, y_2^A)$ , dann ist  $x$  eine Pareto-Verbesserung gegenüber  $y$ .
- c) Die Anfangsausstattung  $\omega$  ist Pareto-optimal.
- d) Pareto-Optima erfüllen  $x_1^A = x_1^B$  und  $x_2^A = x_2^B$ .
- e) Keine der obigen Auswahlmöglichkeiten ist korrekt.

**richtige Lösung: e)**

Die zu  $w$  gehörende Tauschlinse ist die Schnittmenge der zu  $w$  gehörenden Bessermengen von Agent  $A$  und  $B$ . In der Tauschlinse ist  $w$  enthalten. Falls die Tauschlinse strikte Verbesserungen einzelner Akteure beinhaltet, ist die Anfangsausstattung  $w$  nicht Pareto-optimal. Daher ist **a)** und **c)** falsch.

Pareto-Optimalität gilt für alle Allokationen, bei denen sich kein Agent besser stellen kann, ohne einen anderen schlechter zu stellen. Da keine Aussage über das Nutzenniveau von Agent  $B$  getroffen wird, ist **b)** falsch. Zu **d)** lassen sich viele Gegenbeispiele finden. Somit sind **a)-d)** falsch.